
Transformações 3D

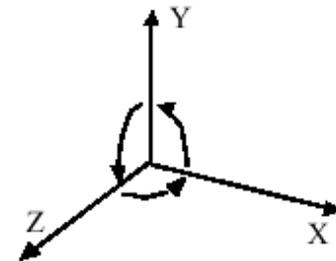
Soraia Raupp Musse

Transformações 3D

- Translação – `glTranslatef(dx, dy, dz)`

– $T(dx, dy, dz)$:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & dx \\ 0 & 1 & 0 & dy \\ 0 & 0 & 1 & dz \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



Sistema de Coordenadas
“mão direita”

- Escala – `glScalef(Sx, Sy, Sz)`

– $S(Sx, Sy, Sz)$:

$$\begin{bmatrix} Sx & 0 & 0 & 0 \\ 0 & Sy & 0 & 0 \\ 0 & 0 & Sz & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

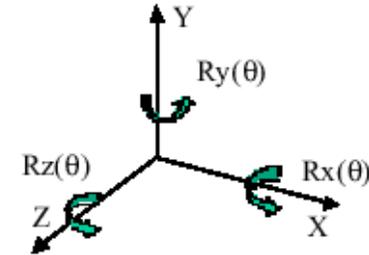
Transformações 3D

- Rotação – `glRotatef(angle,x,y,z)`

$$R_z(\theta): \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & 0 & 0 \\ \sin \theta & \cos \theta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

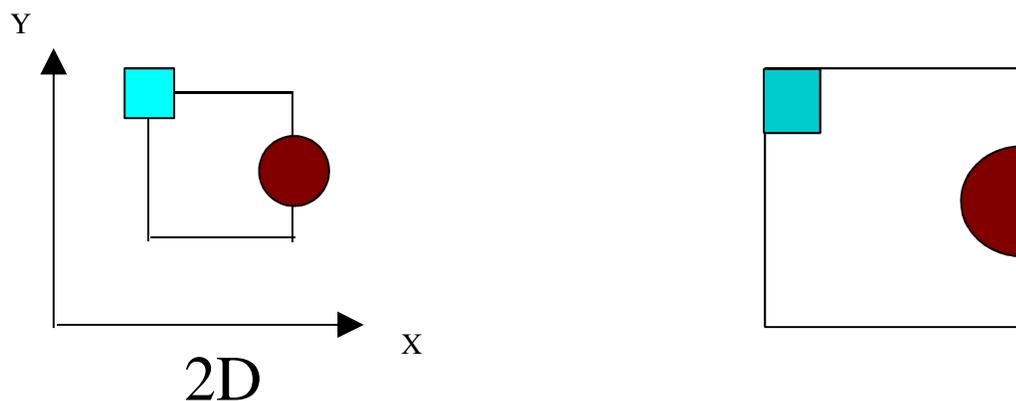
$$R_x(\theta): \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \theta & -\sin \theta & 0 \\ 0 & \sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$R_y(\theta): \begin{bmatrix} \cos \theta & 0 & \sin \theta & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -\sin \theta & 0 & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



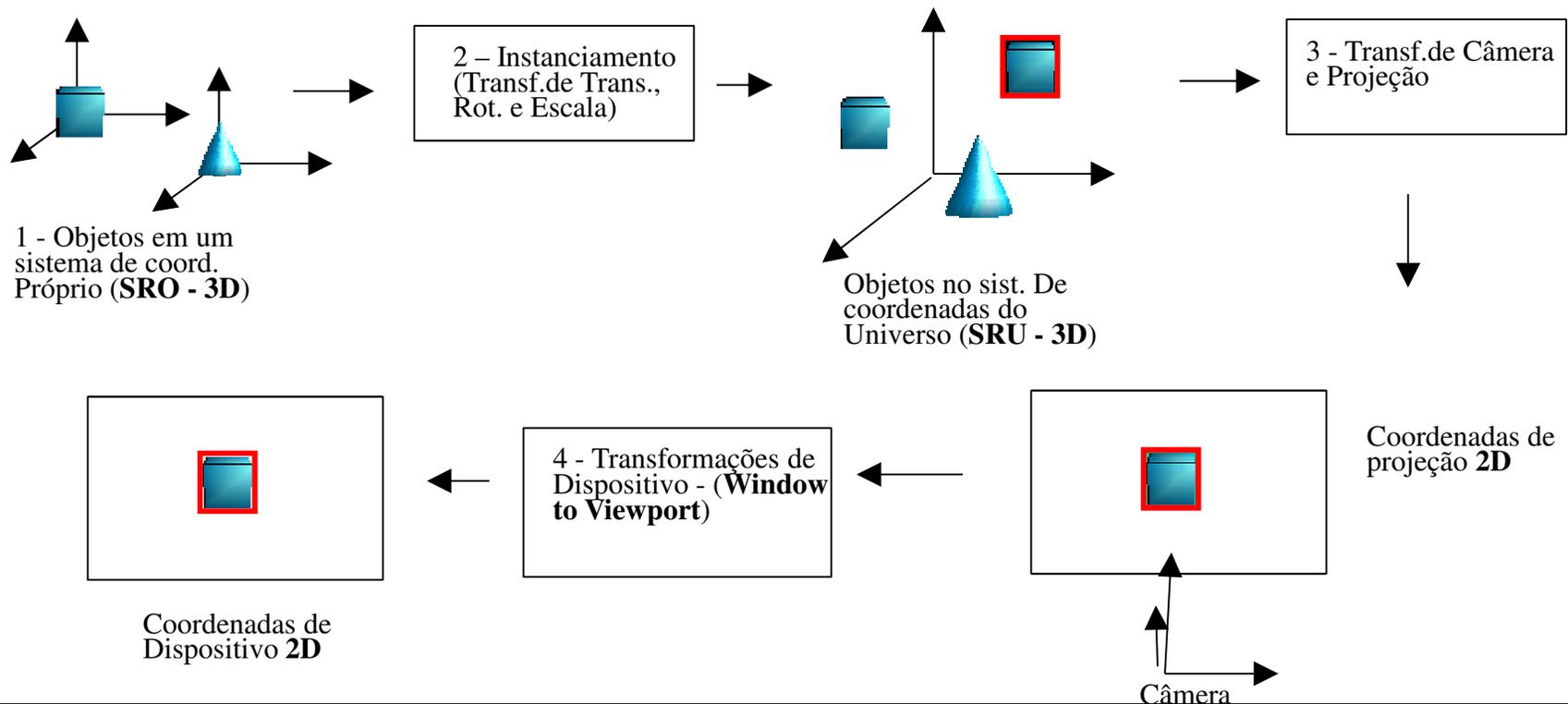
Pipeline de Visualização

- Em 2D as coisas são mais simples
 - Simplesmente especificar uma janela do mundo 2D e uma viewport na superfície de visualização
- A complexidade começa em 3D, pelo fato de termos uma dimensão a mais, mas também pelo fato do dispositivo de exibição ser 2D



Pipeline de Visualização 3D

- Para tirarmos uma foto virtual, precisamos executar os seguintes passos



Recorte 3D

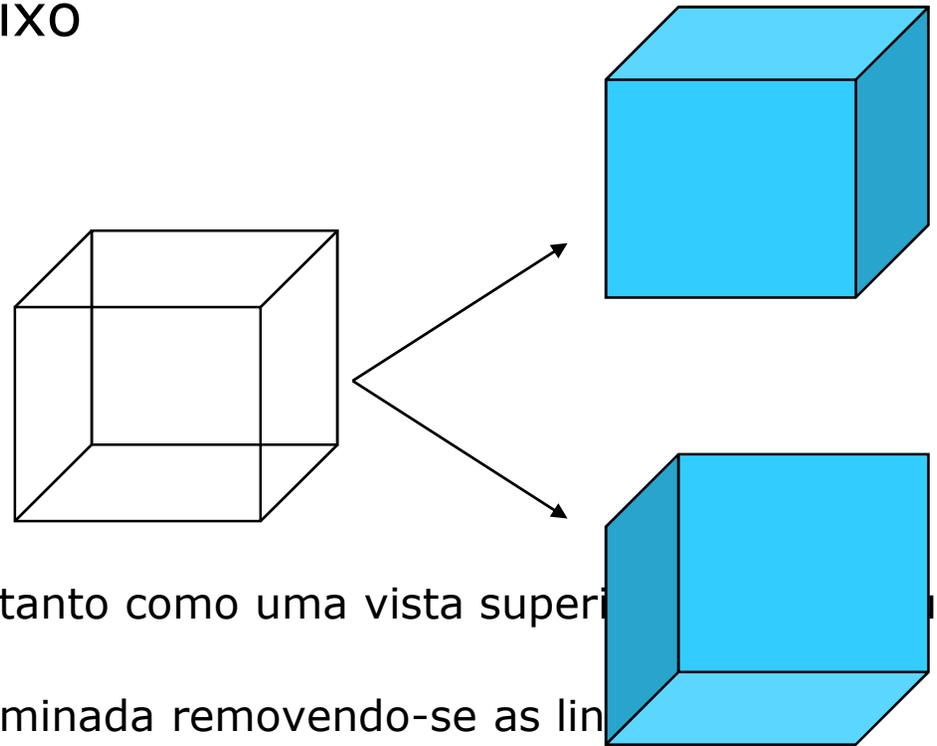
- Para o recorte em 3D, veremos a extensão do algoritmo de Cohen-Sutherland em 2D
- O algoritmo de Cohen-Sutherland classifica as extremidades das linhas de acordo com sua posição no espaço em relação ao volume de visualização
- Em 3D, esta classificação é formada por 6 bits de acordo com o seguinte
 - bit 1: ponto está acima do volume
 - bit 2: ponto está abaixo do volume
 - bit 3: ponto está à direita do volume
 - bit 4: ponto está à esquerda do volume
 - bit 5: ponto está atrás do volume
 - bit 6: ponto está à frente do volume

Remoção de Elementos Ocultos

1. Introdução
2. Remoção de Faces Traseiras
3. Algoritmo do Pintor
4. Algoritmo *Z-Buffer*

Introdução

- Uma das necessidades de eliminar superfícies escondidas está ilustrada na figura abaixo



- O cubo pode ser interpretado tanto como uma vista superior/inferior/direita
- Esta ambigüidade pode ser eliminada removendo-se as linhas e superfícies que são invisíveis a partir das duas visões

Roteiro

- ✓ Introdução
- ✓ Remoção de Faces Traseiras
- 3. Algoritmo do Pintor**
- 4. Algoritmo *Z-Buffer*

Algoritmo do Pintor (*Depth-Sorting Method*)

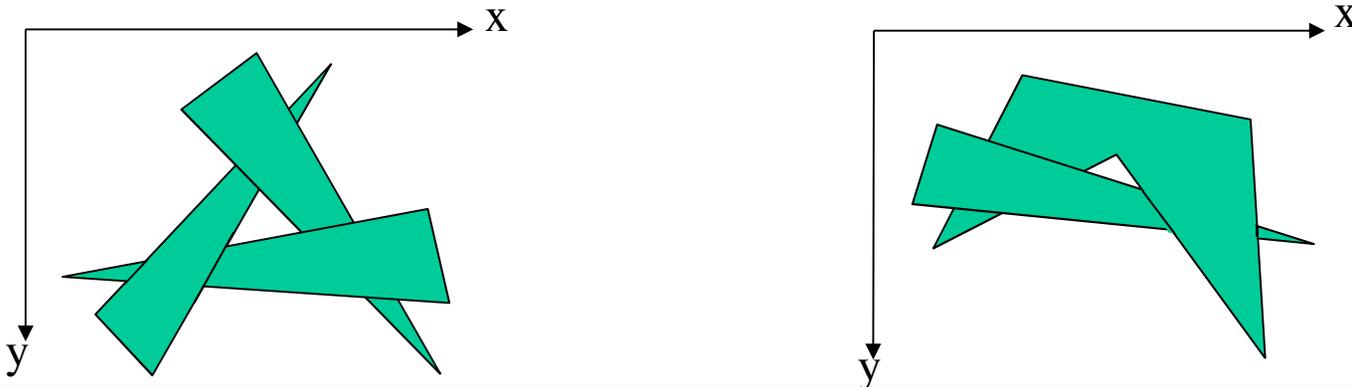
- Usa operações no espaço de imagem e no espaço de objeto
 - Possui uma abordagem direta:
 1. Ordena todos os polígonos (faces) de acordo com a distância do observador (mais distante, maior coordenada Z)
 2. Resolve problemas de ambigüidade que podem ocorrer quando a extensão Z dos polígonos se sobrepõe (objetos se interseccionam)
 3. Pinta os polígonos na tela na ordem decrescente (mais distantes primeiro)
 - Problema:
 - Ordenação não é trivial!
-

Algoritmo do Pintor

- Solução para o problema da ambigüidade
 - O teste é uma seqüência de cinco passos
 1. A extensão X dos polígonos não se sobrepõem, então os polígonos não se sobrepõem
 2. A extensão Y dos polígonos não se sobrepõem, então os polígonos não se sobrepõem
 3. P está totalmente atrás de Q , então os polígonos não se sobrepõem
 4. Q está totalmente atrás de P , então os polígonos não se sobrepõem
 5. As projeções dos polígonos no plano XY (tela) não se sobrepõem, então os polígonos não se sobrepõem
 - Se os cinco testes falharem, assume-se que P sobrepõe Q , e trocam-se suas posições na lista, marcando que Q foi movido para esta nova posição no fim da lista
-

Algoritmo do Pintor

- Idéia básica
 - Ordenar os polígonos pelas suas distâncias do observador, colocá-los em um *buffer* em ordem decrescente de distância e pintá-los de trás para frente
- Problema de ambigüidade quando há interseção entre os objetos da cena



Roteiro

- ✓ Introdução
 - ✓ Remoção de Faces Traseiras
 - ✓ Algoritmo do Pintor
 - 4. Algoritmo *Z-Buffer***
 - 5. Árvores BSP
-

Algoritmo *Z-Buffer*

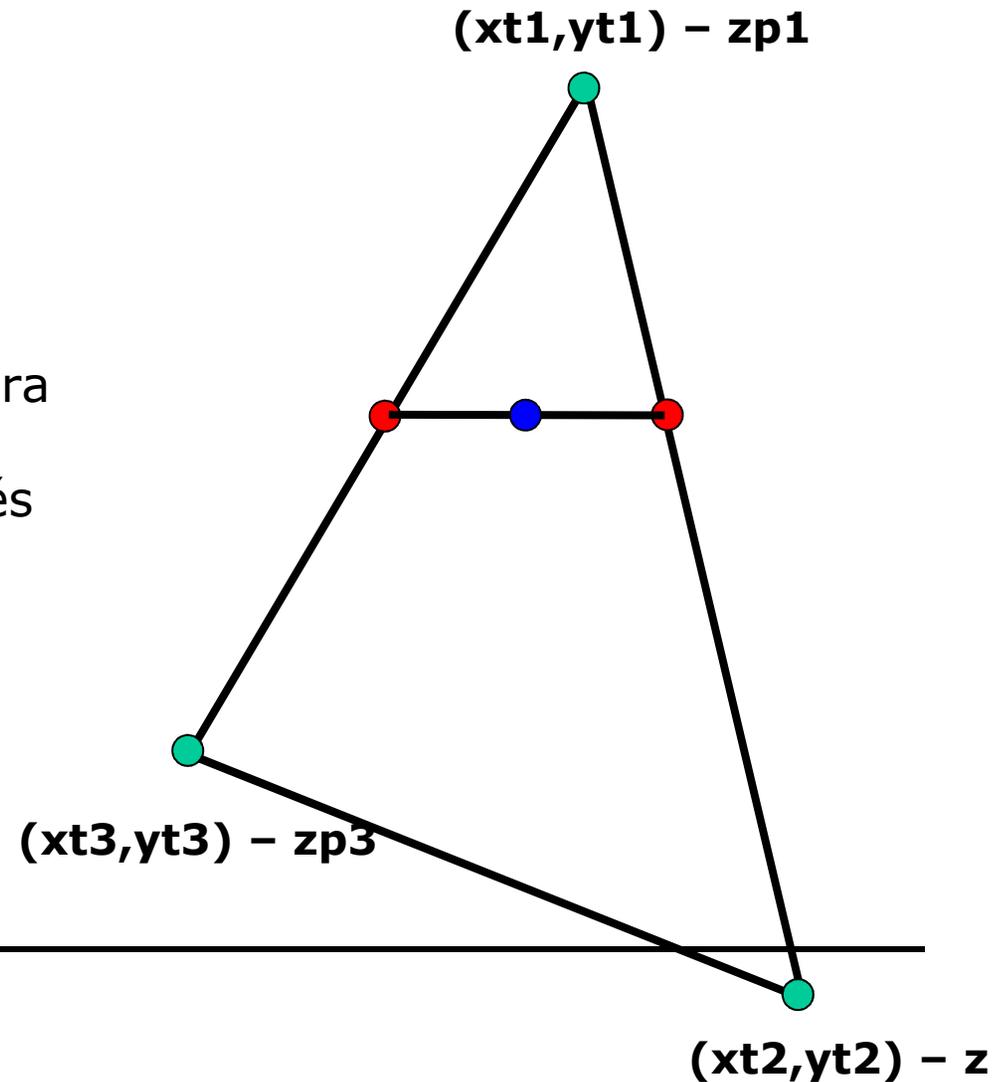
- Operações são realizadas no espaço de imagem
 - Baseado no procedimento de preenchimento de polígonos tipo *scan-line*
 - Polígonos
 - Já foram projetados (estão no SRP)
 - Já foram mapeados para o espaço de tela (SRT)
 - Porém mantém-se a coordenada Z (SRP) de cada vértice, de modo que seja possível recuperar a informação de profundidade
-

Algoritmo *Z-Buffer*

- Requer dois *buffers* (tamanho da tela)
 - *Buffer de Cor (Color Buffer)*
 - Armazena os valores de cor
 - Inicializado com a cor de fundo
 - *Buffer de Profundidade (Z-Buffer)*
 - Armazena os valores de Z (para cada pixel)
 - Inicializado com o maior valor possível para Z (depende da quantidade de bits por pixel no *z-buffer*)
-

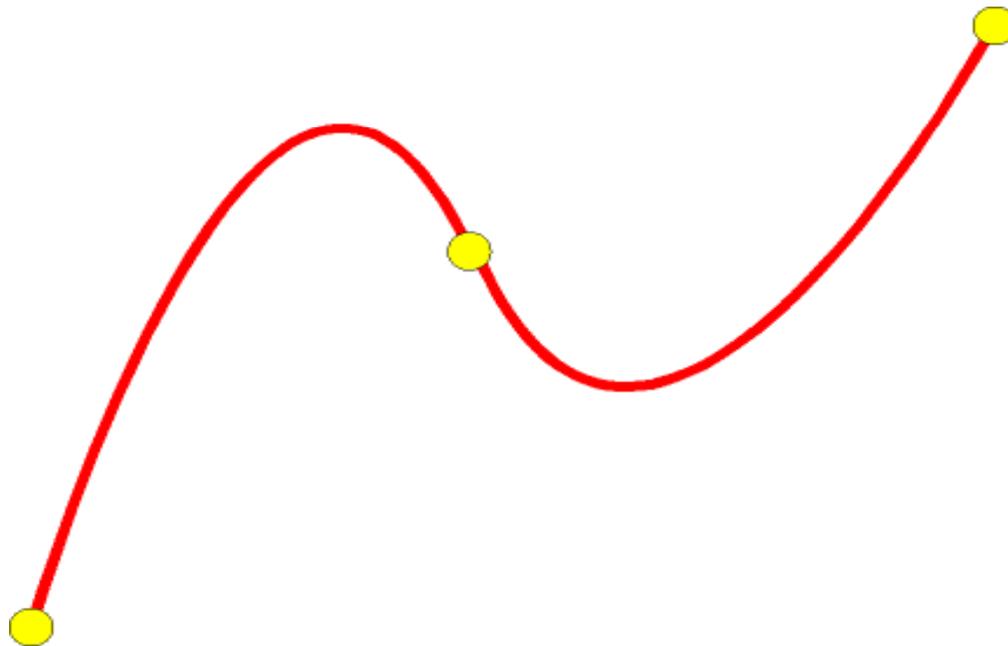
Algoritmo Z-Buffer

- Para cada polígono a ser exibido
 - Calcula os coeficientes da equação do plano do polígono
 - Coeficientes são usados para calcular os valores de Z no interior do polígono, através de interpolação

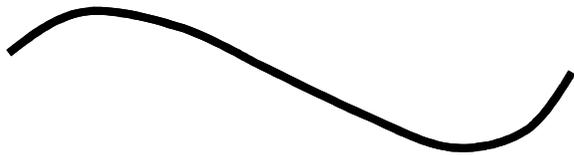


Curvas

- Curvas
 - Apenas comprimento

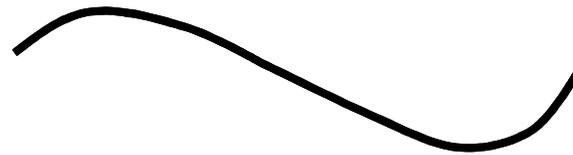


Interpolação X Aproximação



Na interpolação, a curva passa sobre todos os pontos definidos.

**Hermite,
Catmull-Rom spline**

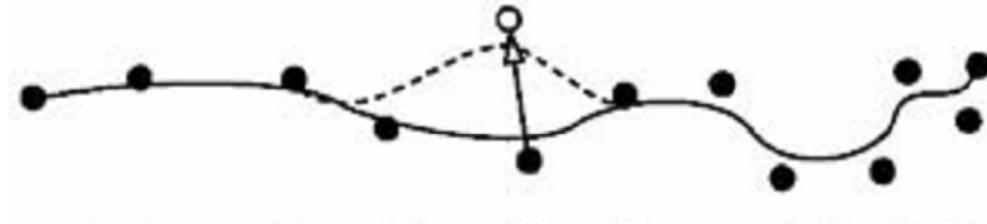


Na aproximação, a curva começa sobre o ponto inicial e termina sobre o final. Os demais pontos são aproximados.

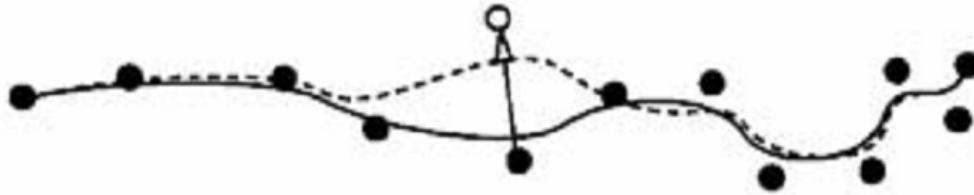
Bézier, curvas B-spline

Controle

- Local



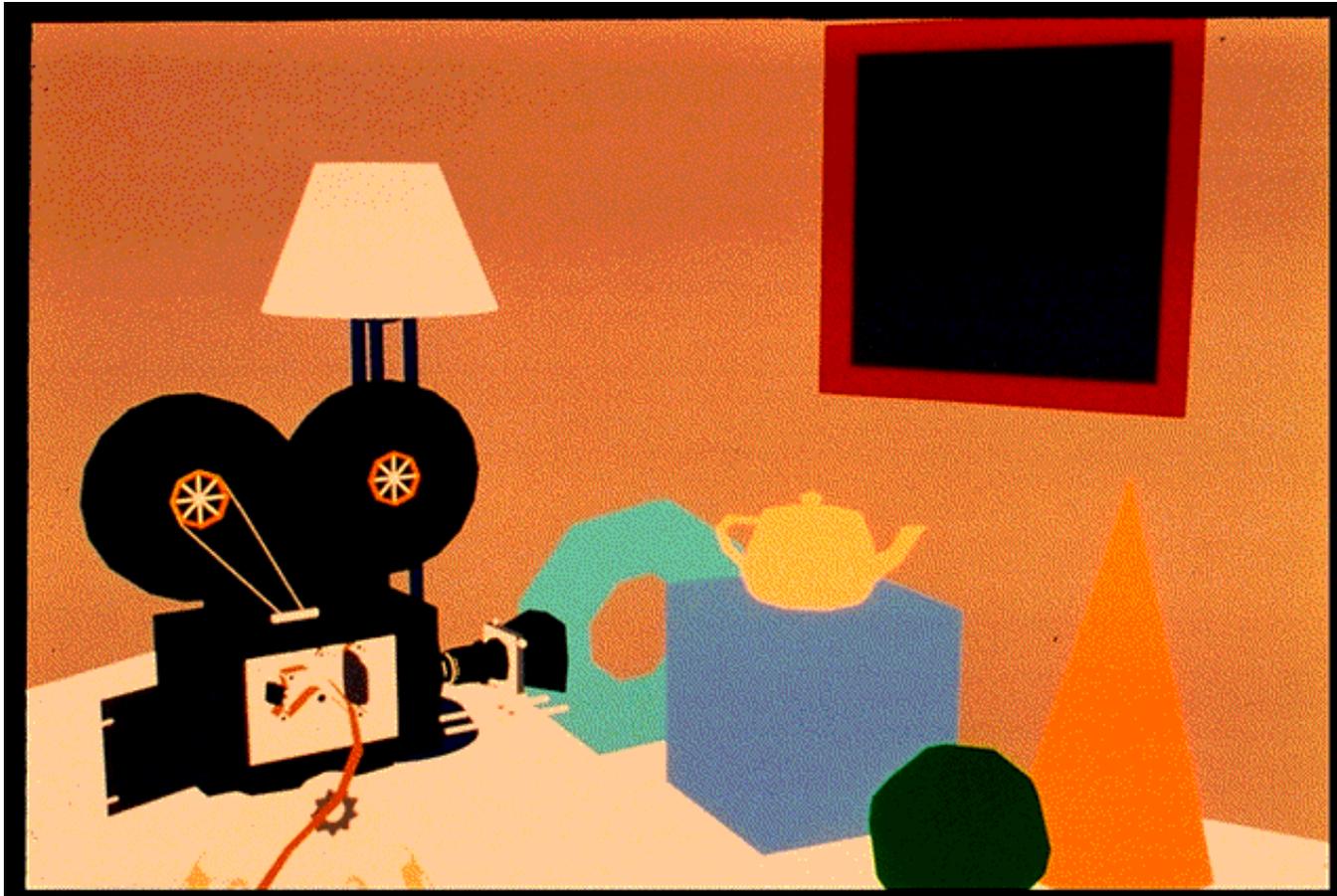
- Global



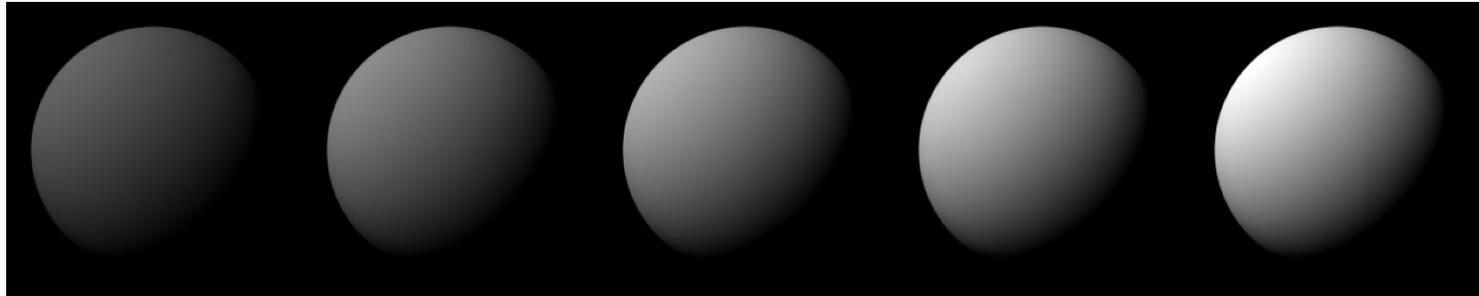
Métodos para representar curvas

- Hermite
- Bézier
- B-Spline

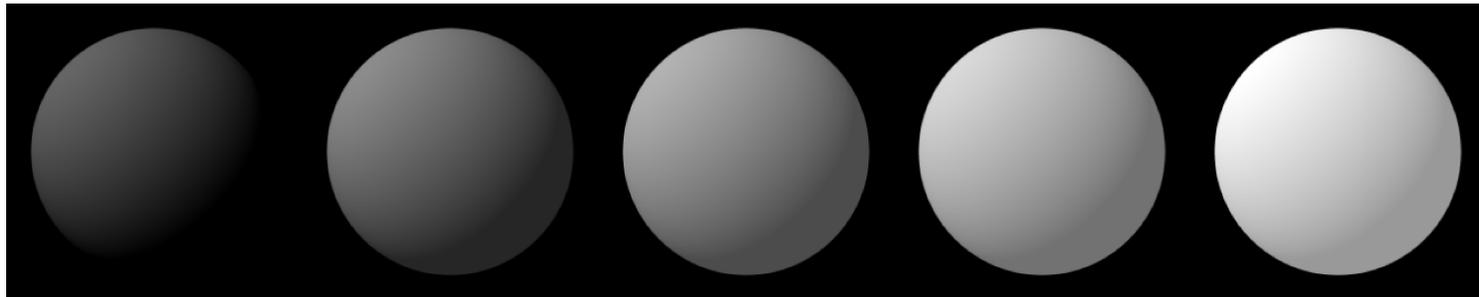
Luz Ambiente



Reflexão Difusa



$K_d = 0.4, 0.55, 0.7, 0.85, 1.0$



$I_a = I_p = 1.0, K_d = 0.4, K_a = 0.0, .015, 0.3, 0.45, 0.6$

Reflexão Especular de Phong

- Phong desenvolveu em 1975, um modelo para a parcela de reflexão especular que assumia que:
 - Máxima reflexão especular ocorre quando α^* é zero e cai rapidamente quando α cresce
 - Essa mudança é representada por $\cos^n \alpha$, onde n é o expoente de reflexão especular
 - Valores de n variam de 1 até centenas, dependendo do material simulado
- A equação de iluminação fica (O=cor)

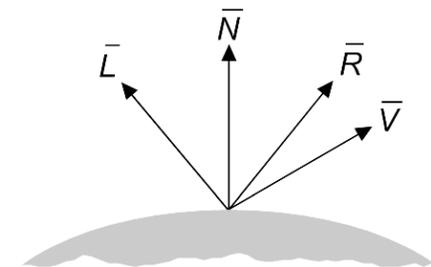
considerando vetores normalizados,

$$I_\lambda = I_{a\lambda} k_a O_{d\lambda} + f_{att} I_{p\lambda} [K_d O_{d\lambda} (N \cdot L) + K_s (R \cdot V)^n]$$

incluindo a cor especular

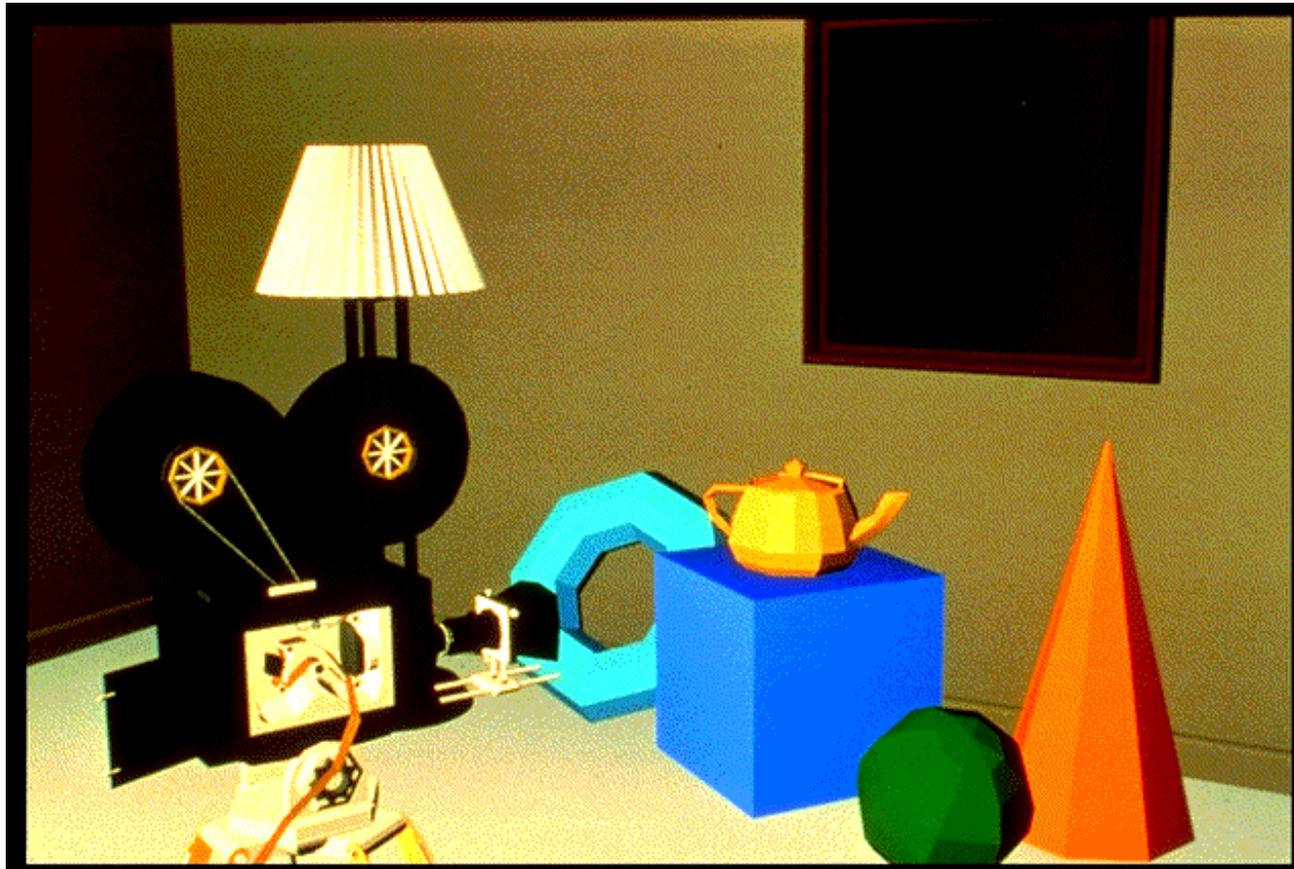
$$I_\lambda = I_{a\lambda} k_a O_{d\lambda} + f_{att} I_{p\lambda} [K_d O_{d\lambda} (N \cdot L) + K_s O_s (R \cdot V)^n]$$

R = reflexão e V=viewpoint

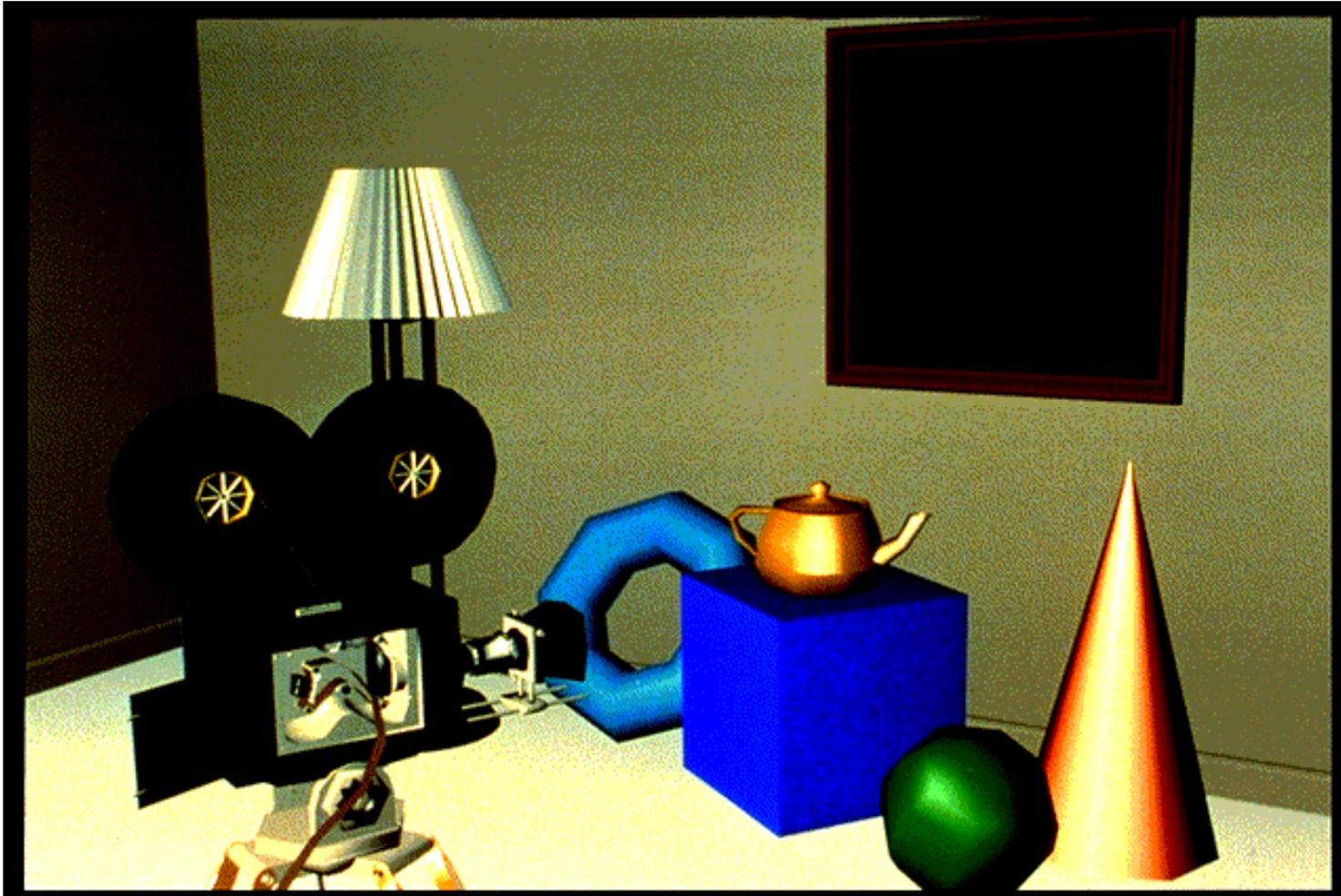


* α é ângulo entre R e V

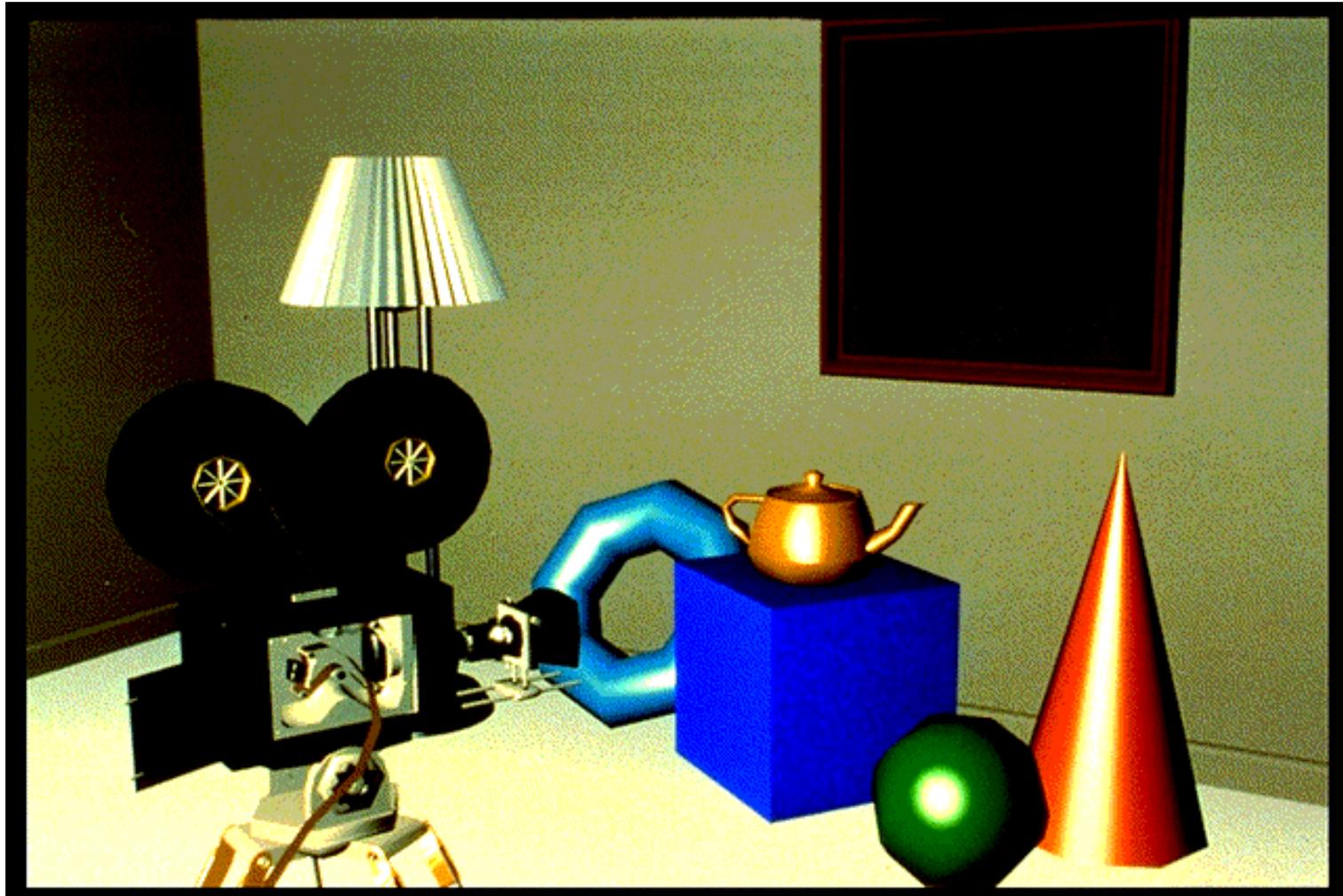
Sombreamento de Malhas Poligonais



Gouraud Shading

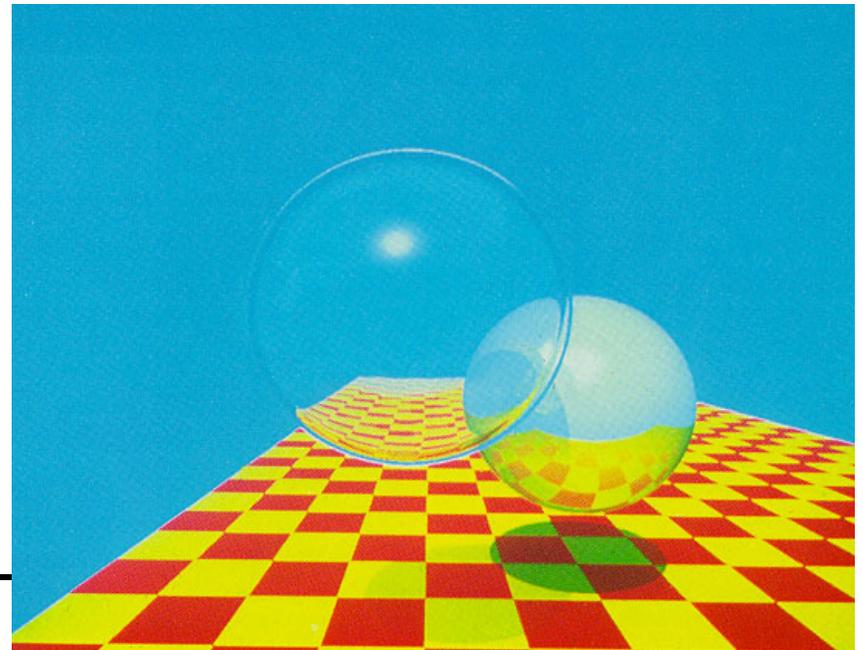
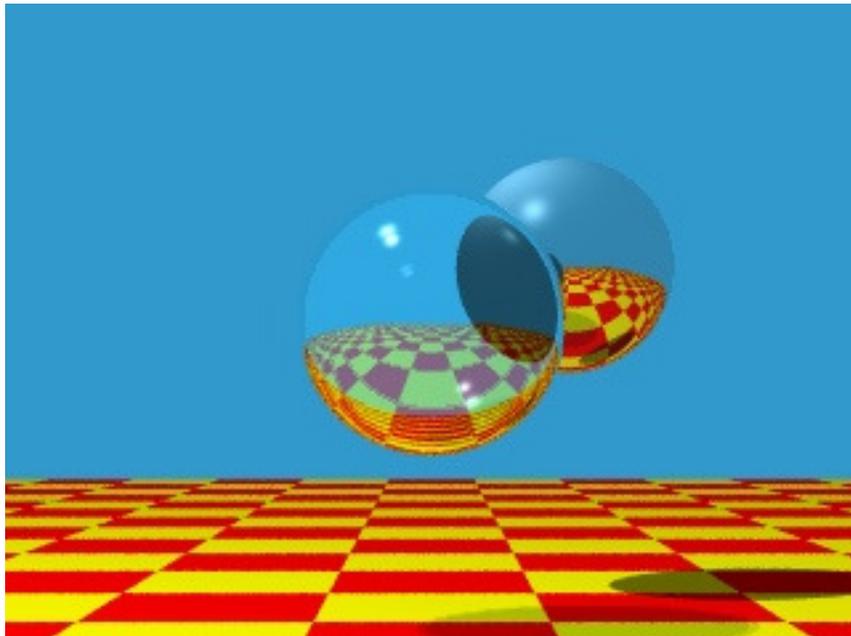


Phong Shading



Traçado de Raios

- Primeiras idéias em 1968
(*Ray Casting*)
- 1980 Turner Whitted
 - *Communications of the ACM*
N. 23, V. 6, June 1980, p.
343-349)



O que significa o termo "Animação Computadorizada?"

- "Geração de frames consecutivos que são exibidos numa frequência suficiente para que o olho humano não consiga diferenciá-los e tenha então a sensação de movimento"

O quão diferente eles
devem ser?

OK! Mas, o que são
frames???

Em que frequência
devem ser exibidos?

Técnicas de Animação

Keyframe (Animação por quadros-chave)

- keyframes são especificados pelo animador e o computador gera os quadros intermediários
- Os quadros intermediários são gerados baseados numa lei de *interpolação*

Técnicas de Animação

Scripting Systems

- Visa oferecer uma linguagem de script (com comandos pré-definidos) que possa descrever a animação de objetos
 - Ex: #ACTORS 5
 - » ACTOR_1 FRAME=1 POSITION 10 10 10
 - » ACTOR_1 FRAME=100 POSITION 20 20 20

Classificação de técnicas

Diferenças	Low-level	High-level
Intervenção do usuário	Muita	Pouca
Nível de abstração	Pouca	Muita
Precisão do resultado em relação ao especificado	Muita	Pouca

