

Representação de Objetos e Cenas

Soraia Musse

Roteiro

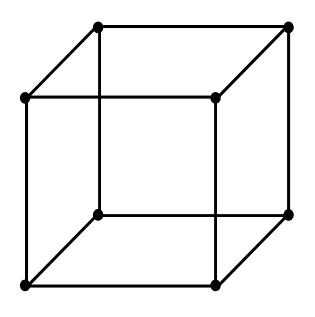
1. Formas de Representação

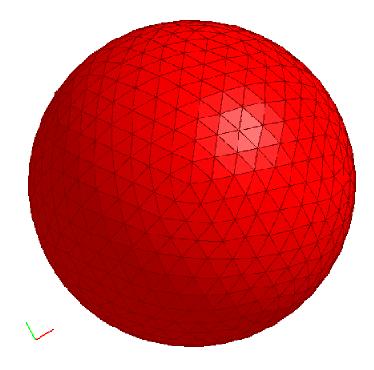
- 1.1. Vetorial x Matricial
- 1.2. Enumeração Espacial
- 1.3. Representação Aramada
- 1.4. Superfícies Limitantes
- 1.5. Representação Paramétrica
- 1.6. Grafo de Cena

2. Técnicas de Modelagem 3D

- 2.1. Varredura
- 2.2. CSG
- 2.3. Instanciamento de Primitivas
- 2.4. Fractais
- 2.5. Sistemas de Partículas

OBS.: Estes slides foram elaborados a partir do material dos profs. Márcio Pinho, Marcelo Cohen, Carla Freitas, Silvia Olabarriaga e Luciana Nedel além de Isabel Manssour





Mas, representar o que? E porque?



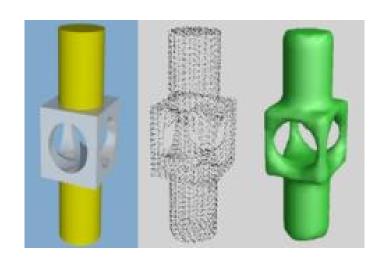
Modelagem Geométrica

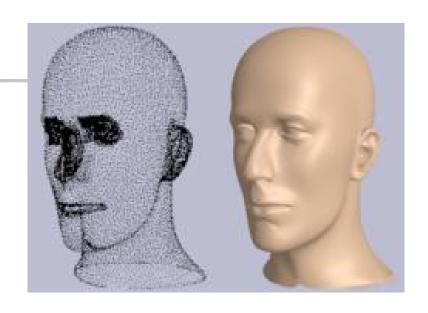
- Área da Computação Gráfica que estuda a criação de modelos dos objetos reais
- Como descrever/representar FORMA dos objetos (largura, altura, áreas,...)
- Coleção de Métodos Matemáticos

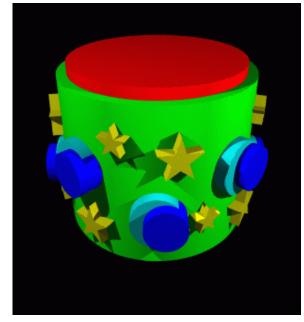
Objetivos

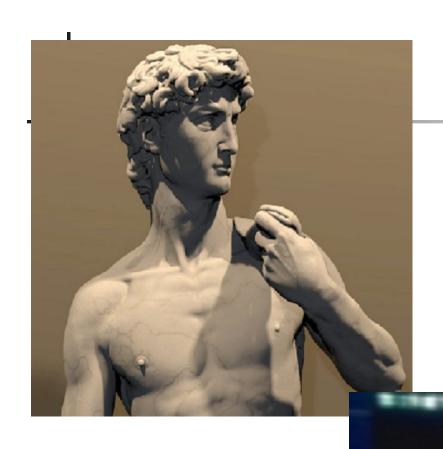
 Criar modelos de objetos, existentes ou ainda não existentes

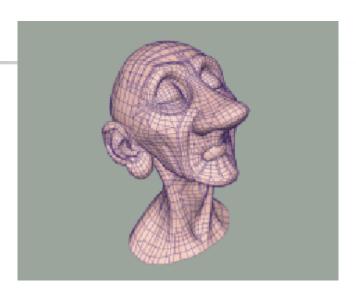
Galeria

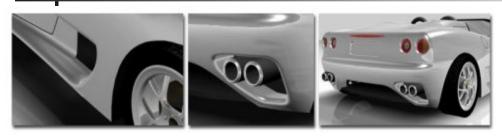






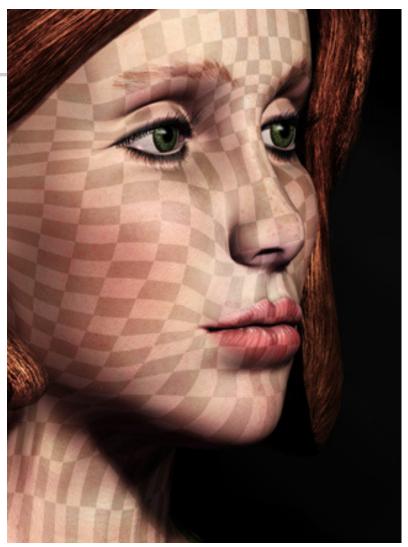


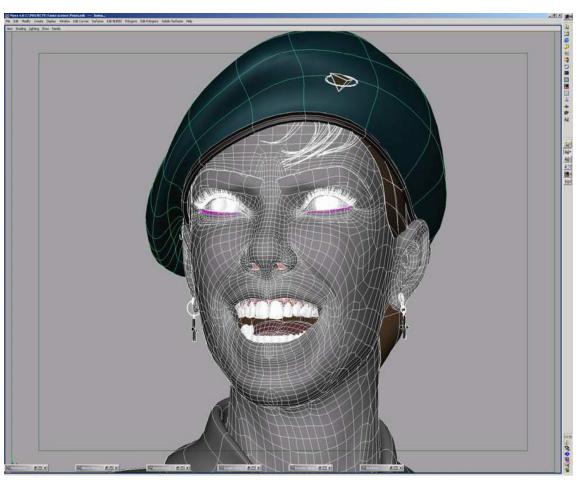




Designed by Martin Vaněk



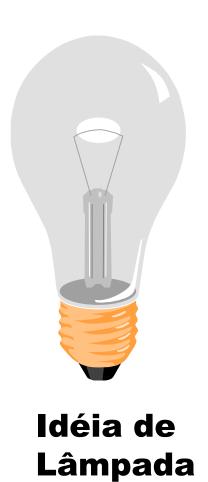






Exemplo de projeto

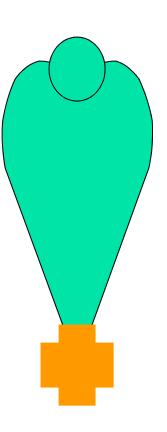
Representação da Lâmpada



Como converter a idéia para o computador?

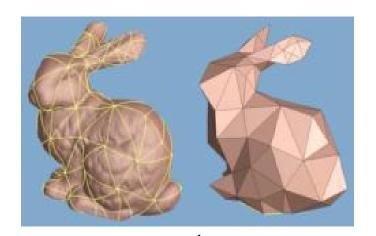


Fácil de modificar Fácil de especificar



Áreas de Aplicação

- Precisão/Exatidão Matemática
 - CAD/CAM
 - Indústria em Geral
- Precisão Visual
 - Entretenimento em geral
 - Jogos
- Várias representações para o mesmo objeto (Level-of-Detail)



- Dois tópicos de estudo
 - Formas de armazenamento dos objetos 3D
 - Técnicas de modelagem dos objetos 3D
- Formas de Representação (ou armazenamento)
 - Trata das estruturas de dados utilizadas

X

Técnicas de Modelagem

 Trata das técnicas interativas ou não (e também das interfaces) que podem ser usadas para criar um objeto

- Existem várias formas de representação e modelagem de objetos 3D
 - Cada uma possui vantagens e desvantagens
 - Adaptam-se melhor para uma aplicação específica
 - Dependem da natureza dos objetos e das operações/consultas que serão realizadas

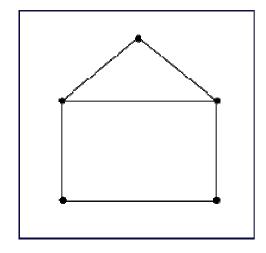
- Em algumas técnicas a estrutura de dados para armazenar objetos é determinada pela técnica de modelagem
- Em geral a forma de representação determina:
 - A estrutura de dados, a forma dos algoritmos de processamento, e o projeto de programas de baixo nível
 - O custo do processamento de um objeto
 - A aparência final de um objeto
 - A facilidade de alterar a forma de um objeto

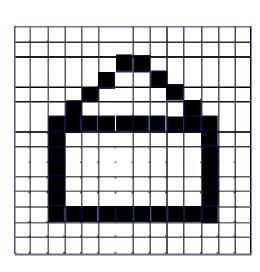
Revisão:

Vetorial x Matricial

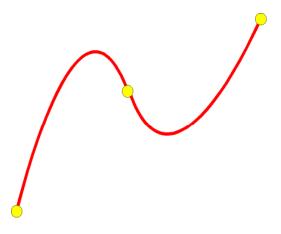
matriz de pontos

coordenadas e primitivas gráficas

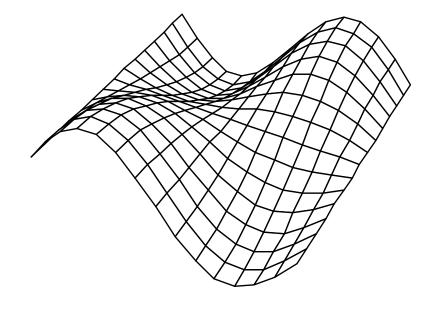




- Curvas
 - apenas comprimento



- Superfícies
 - apenas área
 - cascas infinitesimalmente finas, ocas
 - abertas ou fechadas



Sólidos

o interior também interessa



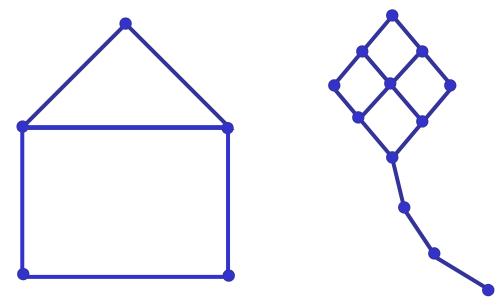
Computer History Museum in Mountain View, California where it is catalogued as "Teapot used for Computer Graphics rendering"



Teapot (Martin Newell 1975)

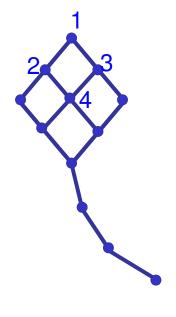
Representação Aramada

- Estruturas de dados mais utilizadas na Computação Gráfica 2D para armazenamento de modelos
 - Vetores, listas e tabelas
- Exemplos:



Representação Aramada

- Duas listas
 - Vértices
 - Arestas

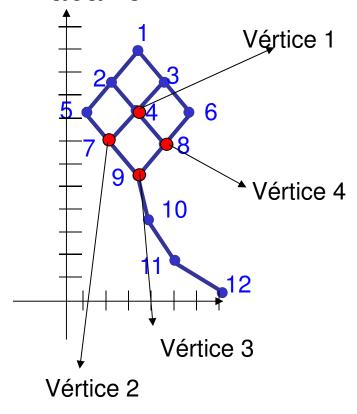


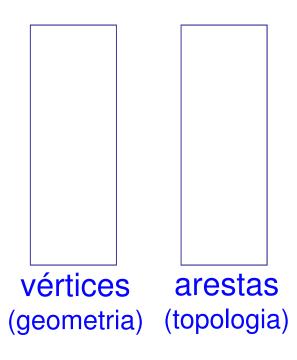
1	x1,y1	1,2	
2	x2,y2	1,3	
3	x3,y3	3,4	
4	x4,y4	2,4	
	•••		

vértices arestas (geometria) (topologia)

Exercício

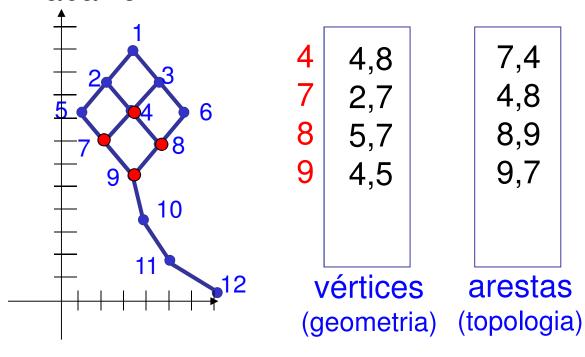
 Crie a estrutura de dados dos pontos vermelhos do objeto abaixo:





Exercício

 Crie a estrutura de dados dos pontos vermelhos do objeto abaixo:

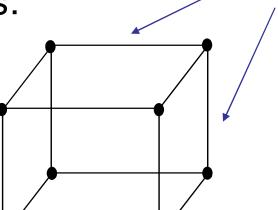


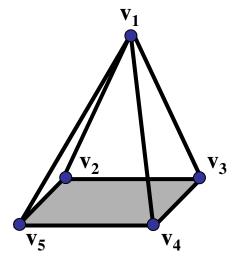
Representação Aramada

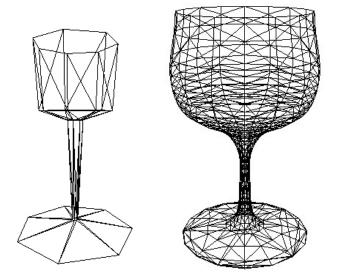
- Representação aramada
 - Representação de um objeto somente através de suas arestas
- A visualização de objetos aramados é usada quando não é necessário um grande grau de realismo
 - Durante criação e manipulação do modelo/cena
 - Facilita a alteração (rápido de visualizar)
- Conjunto de vértices e arestas (objetos "vazados")
- Wireframe = aramado

Representação Aramada









vértices

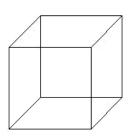
Topologia (arestas)

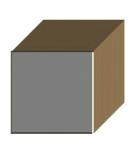
Geometria (vértices)

$1 (v_1)$	$\mathbf{x}_1 \ \mathbf{y}_1 \ \mathbf{z}_1$
$2(v_2)$	x_2 y_2 z_2
$3(v_3)$	x_3 y_3 z_3
$4(v_4)$	x_4 y_4 z_4
$5 (v_5)$	x_5 y_5 z_5

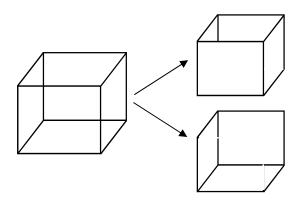
Representação Aramada

- Vantagem
 - Rapidez
- Desvantagens
 - Difícil de entender/visualizar
 - Difícil (ou até impossível) realizar certas operações, tais como a determinação de massa, volume, inclusão ou edição de pontos
 - Impreciso (representação ambígua)







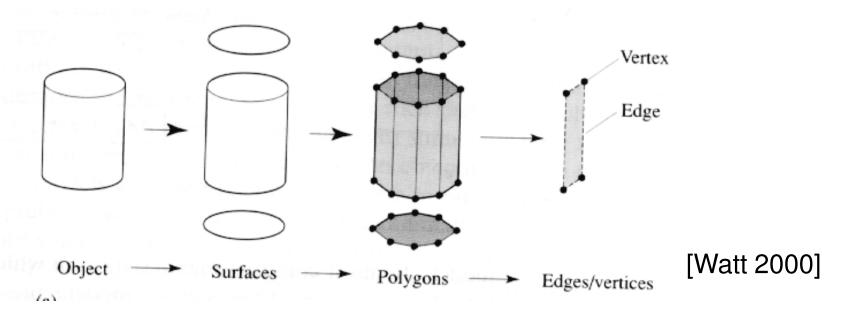


Superfícies Limitantes

- Superfícies Limitantes (ou Boundary-Representation ou B-Rep)
 - Informalmente chamada de malha de polígonos
 - Forma de representação clássica na Computação Gráfica
 3D
 - Um objeto representado por um conjunto de polígonos (ou faces) que delimitam uma região fechada do espaço (limite ou superfície do objeto)
 - Representa uma superfície discretizada por faces planas
 - Podem ser triângulos (preferencialmente) ou quadrados
 - O objeto formado por esta técnica é normalmente chamado de POLIEDRO, ou seja, composto de muitos DIEDROS (diedro = semi-espaço)

Superfícies Limitantes

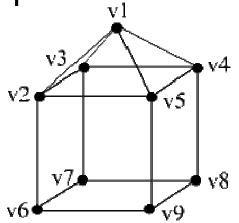
- A superfície limitante de um sólido separa os pontos de dentro do sólido dos pontos de fora
 - Interface entre o sólido e o ambiente a sua volta
 - Características visuais do sólido tais como reflexão, transparência, textura e cor são características dessa superfície



Superfícies Limitantes

- Estrutura de dados mais utilizada:
 - Tabela de vértices e tabela de faces
- Problemas
 - Aproximação de superfícies curvas
 - Grande espaço para armazenamento

Exemplo



Vértices (geometria)

1	x l	yl zl
2	x2	y2 z2
3	x 3	y3 z3
4	x4	y4 z4
5	x5	y5 z5
	x6	y6 z6
7	x 7	y7 z7
8	x8	y8 z8
9	x9	y9 z9
	<u> </u>	-

Faces (topologia)

		-	_	-
1	v1	v4	v5	
2	v1	v5	v2	
3	v1	v2	v3	
4	v1	v3	v4	
5	v4	v3	v7	v8
6	v5	v4	v8	v9
7	v2	v5	v9	v6
8	v3	v2	v6	v7
9	v6	v9	v8	v7

http://www.frontiernet.net/~imaging/java3dviewer.html

Superfícies Limitantes

- Exemplo: VRML
 - Tabela de vértices
 - Tabela de faces

```
coord Coordinate {
   point [ # lista de Vértices
      0 10 0, # vértice 0
      -5 0 5, # vértice 1
      5 0 5, # vértice 2
      5 0 -5, # vértice 3
      -5 0 -5, # vértice 4
   ]
```

```
coordIndex [ # lista de Faces
4, 3, 2, 1 -1, # Base (formada pelos vértices
4, 3, 2 e 1)
0, 1, 2, -1, # Frontal
0, 2, 3, -1, # Direita
0, 3, 4, -1, # Traseira
0, 4, 1, -1 # Esquerda
1
```



VRML

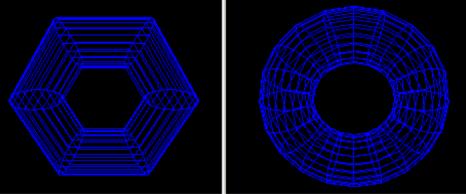
```
#VRML V2.0 utf8
# Desenho de um paralelepípedo Amarelo
Shape { # define um bloco de um objeto (Shape)
     appearance Appearance { # define a aparência do Shape
              material Material {
                      diffuseColor 1.0 1.0 0.0 #rgb
     geometry Box { # define a geometria do Shape
             size 2.5 2.5 5.0 # larg, altura, prof
 # fim do shape
```



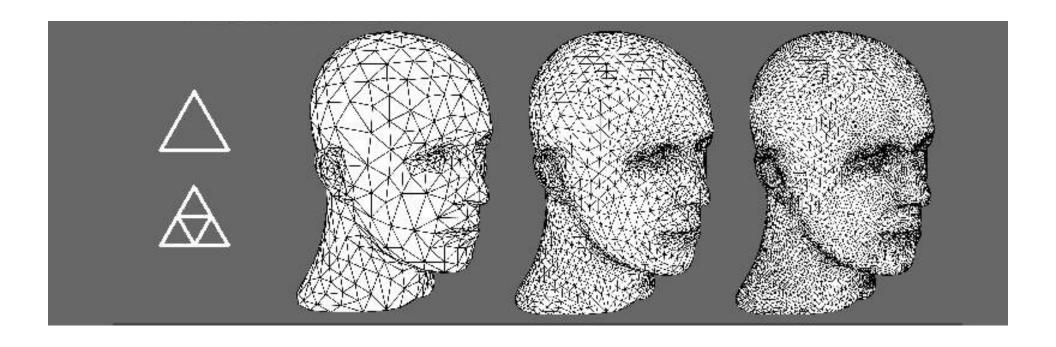
Superfícies Limitantes

- Nos últimos anos tem se trabalhado com diferentes níveis de detalhes
 - LOD Level of Detail
 - Conforme a distância da câmera a um modelo aumenta, o espaço que ele ocupa na janela diminui, por isso, o detalhe com que é visualizado também diminui
 - Pode-se definir diversas representações para um objeto que são "ativadas" de acordo com a distância da

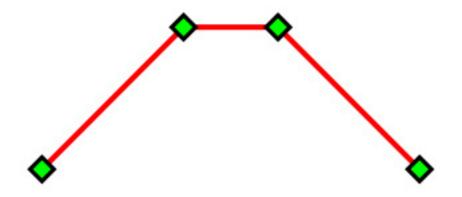
câmera (ou observador)



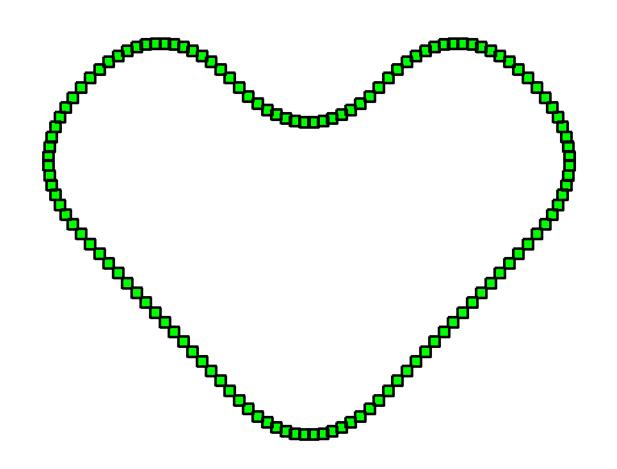
LOD – Superfícies de Subdivisão



Algoritmo de SS: Chaikin Corner Cutting



Efeito: Convergência

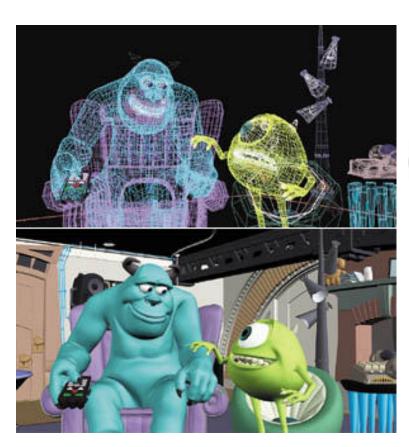


Efeito: Suavização de Superfícies

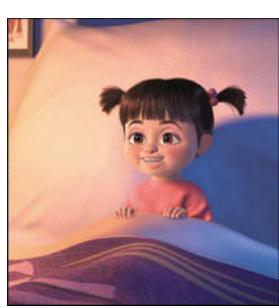


3D Studio Max

Grande aplicação em Animação





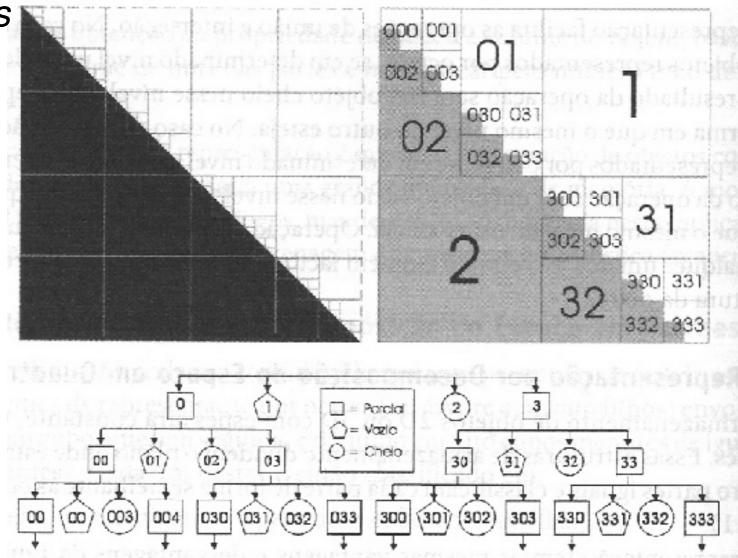


Pixar/Disney

- Quadtrees são usadas para o armazenamento de objetos 2D
 - Divide-se o plano onde está o objeto em 4 partes iguais e classifica-se cada parte
 - Observa-se quais células estão totalmente ocupadas, parcialmente ocupadas ou vazias
 - Codifica-se o objeto por uma lista de células ocupadas
 - É armazenada em forma de árvore

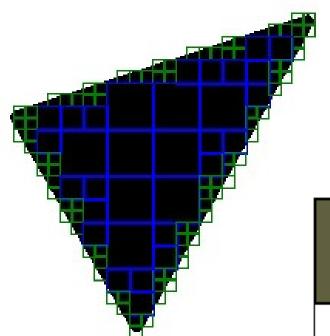
Enumeração Espacial (quadtrees e octrees)

Quadtrees

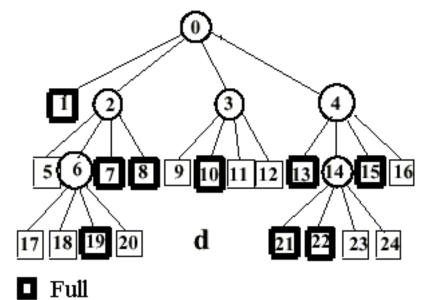


Enumeração Espacial (quadtrees e octrees)

Quadtrees



1		5	17 18 19 20	
		7	8	
9	10	13	21 22 23 24	
11	12	15	16	

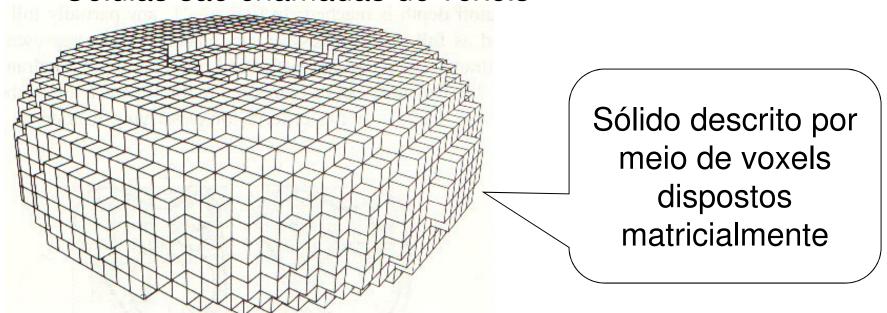


Empty

Partial



- Caso especial de decomposição de células
 - Sólido é decomposto em células idênticas organizadas numa grade regular fixa
 - Estrutura de árvore é organizada de tal maneira que cada célula corresponde a uma região do espaço 3D
 - Células são chamadas de voxels



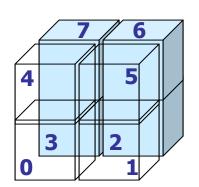
- É feito o controle da presença ou ausência de uma célula em cada posição
 - Observa-se quais células estão ocupadas
 - Codifica-se o objeto por uma lista de células ocupadas
- Conforme o tamanho da grade decresce, a representação do objeto passa a se assemelhar a um conjunto de pontos no espaço
- Geralmente são armazenados em octrees

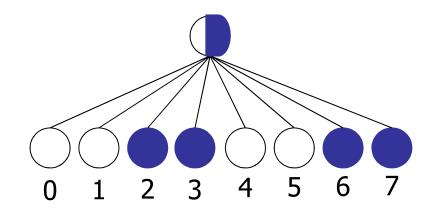
- Técnica de representação por Octrees
 - "Árvore com 8 filhos" (caso particular da Enumeração Espacial)
 - Envolve o objeto que em seguida é dividido em 8 cubos menores de igual tamanho, onde cada um é classificado em
 - Cheio, caso o objeto ocupe todo o cubo
 - Vazio, caso o objeto n\u00e3o ocupe nenhuma parte do cubo
 - Parcialmente Cheio, caso o objeto ocupe parte do cubo
 - Quando houver a classificação em "Cheio-Vazio" ele é novamente dividido em 8 partes iguais e o processo de classificação é refeito para as novas partes
 - O algoritmo repete-se até que só hajam cubos das duas primeiras classes

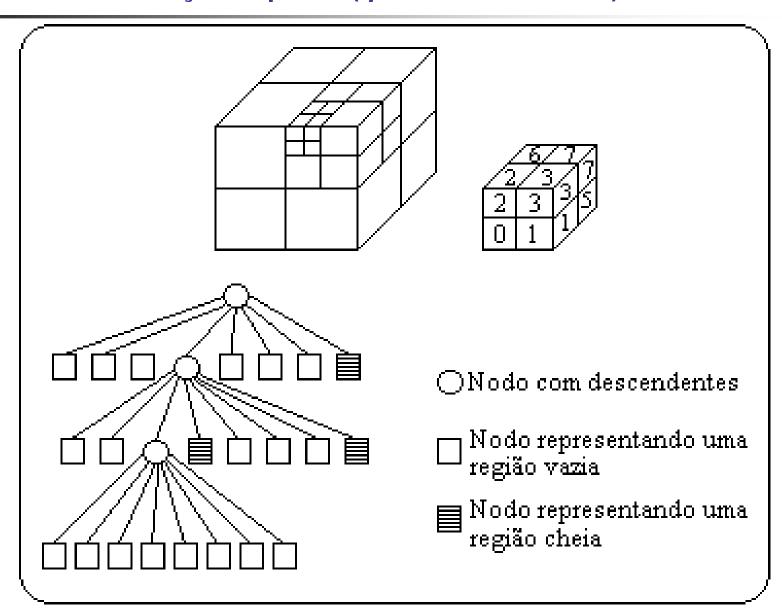
Enumeração Espacial (quadtrees e octrees)

Octrees

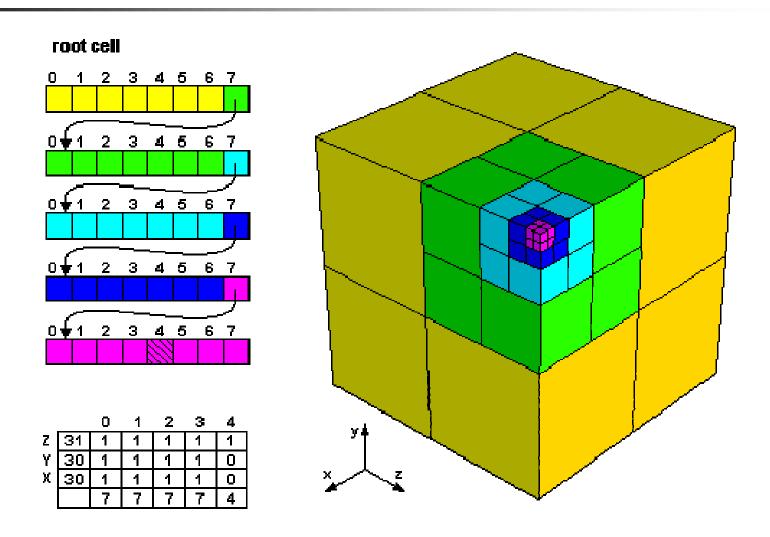
- Divide o espaço em quadrantes
- Representação esparsa do espaço



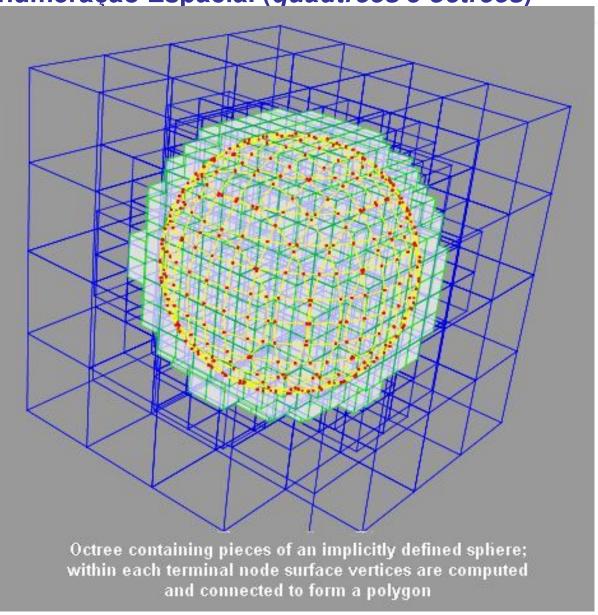




Enumeração Espacial (quadtrees e octrees)



Claudio Esperança e Paulo Roma Cavalcanti http://www.lcg.ufrj.br/cg/downloads/LCG_Modelagem.ppt



Enumeração Espacial (quadtrees e octrees)

Vantagens

- É fácil determinar se um dado ponto pertence ou não ao sólido
- É fácil determinar se dois objetos se interferem (se tocam)
- Facilita a realização de operações de união, intersecção e diferença entre sólidos

Desvantagem

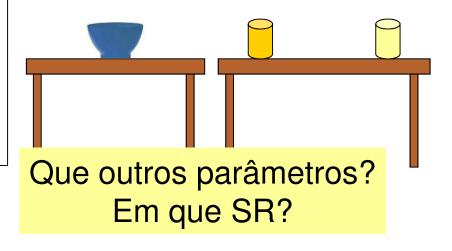
- Uma representação detalhada necessita de muita memória
- Aplicabilidade

Cenas

Cena

- Conjunto de objetos posicionados num sistema de coordenadas (2D ou 3D)
- Pode ser representada por um tipo de tabela, como ilustra o exemplo abaixo

Modelo	Cor	Outros parâmetros
Mesa		
Mesa		
Copo		
Copo		
Cumbuca		



Cenas

Cena

- Conjunto de objetos posicionados num sistema de coordenadas (2D ou 3D)
- Pode ser representada por um tipo de tabela, como ilustra o exemplo abaixo

Modelo	Cor	Outros parâmetros		
Mesa				
Mesa				
Copo				
Copo		Vértices, arestas, topologia		
Cumbuca		SRU		

Grafo de Cena

- Grafo de cena é uma estrutura de dados que organiza a representação espacial dos objetos de uma cena
- É usado em ferramentas gráficas de edição que trabalham com dados vetoriais, jogos e outras aplicações interativas
 - Exemplo: OpenSceneGraph, Java 3D, Open Inventor, OpenGL Optimizer, AutoCAD e CorelDRAW

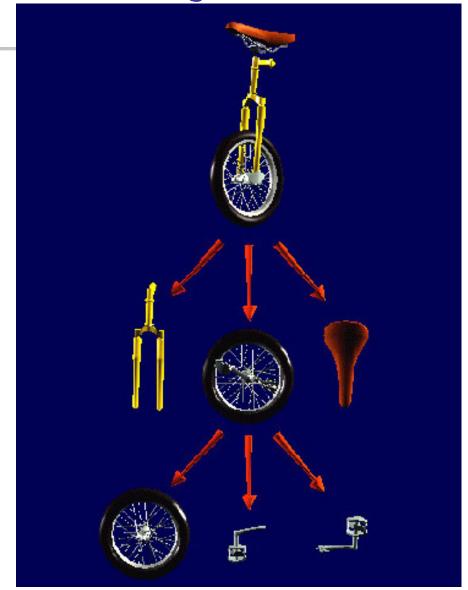
Grafo de Cena

- Consiste em uma coleção de nodos em um grafo ou árvore
 - Um nodo pode ter vários filhos, mas, geralmente, um único pai
 - Uma operação aplicada ao pai, será aplicada em todos os filhos
- Por exemplo:
 - É possível agrupar objetos relacionados e tratá-los como se fossem único objeto que pode ser selecionado, movido, etc

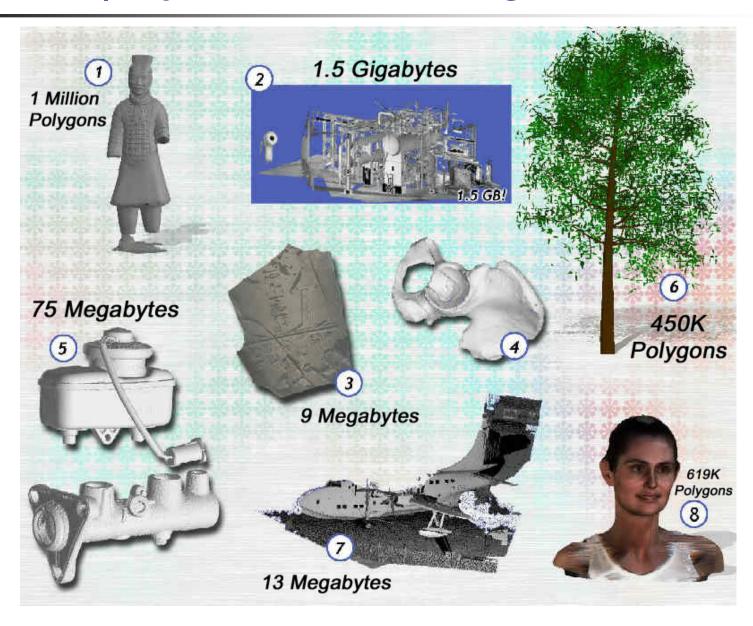
Grafo de Cena

Exemplo

 Grafo de cena conceitual



Espaço de armazenagem...



Modelagem

- Modelo
 - objeto destinado a reproduzir
 - representação em pequena escala daquilo que se pretende executar em grande escala
 - conjunto de hipóteses sobre a estrutura ou o comportamento de um sistema físico pelo qual se procura explicar ou prever, dentro de uma teoria científica, as propriedades do sistema

Modelar

- representar por meio de modelo
- assinalar os contornos de
- dar forma a

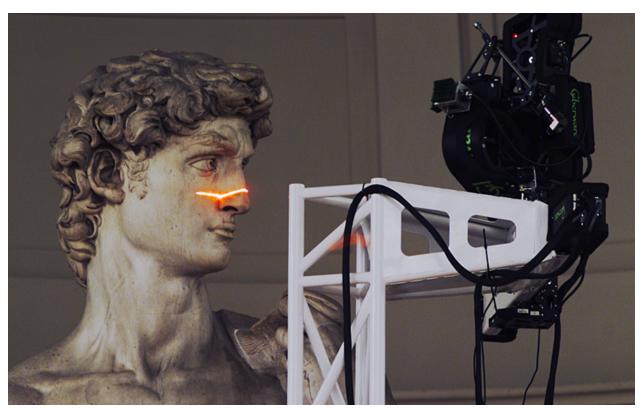
- Modelagem computacional
 - Modelos não são representados fisicamente, são usados para representar entidades e fenômenos do mundo físico real no computador
 - As unidades dos dados e parâmetros do modelo computacional são a referência para as dimensões do objeto modelado
- Modelagem (em Computação Gráfica) consiste em todo o processo de descrever um modelo, objeto ou cena, de forma que se possa desenhá-lo

Modelos

- Utilizados para representar entidades físicas ou abstratas e fenômenos no computador (estrutura e/ou comportamento)
- Permitem a realização de simulações, testes e previsão do comportamento das entidades modeladas
- Devem incluir apenas as informações essenciais
 - Modelo geométrico, e/ou
 - Descrição das propriedades de reflexão e textura, e/ou
 - Descrição das propriedades elásticas

- Projeto e implementação dos modelos é uma etapa muito importante
 - Representação adequada das propriedades das entidades para facilitar o uso e a análise
 - Determinar quais informações devem ser incluídas e como devem ser incluídas
 - Bom modelo comporta-se como o objeto real

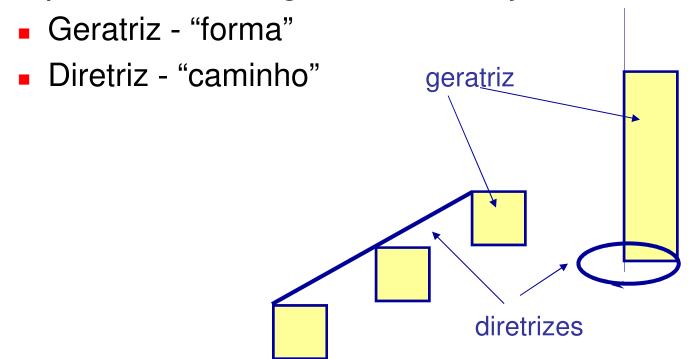
Técnicas de Modelagem Digitalização e captura



http://www-graphics.stanford.edu/projects/mich/

Varredura (Sweeping)

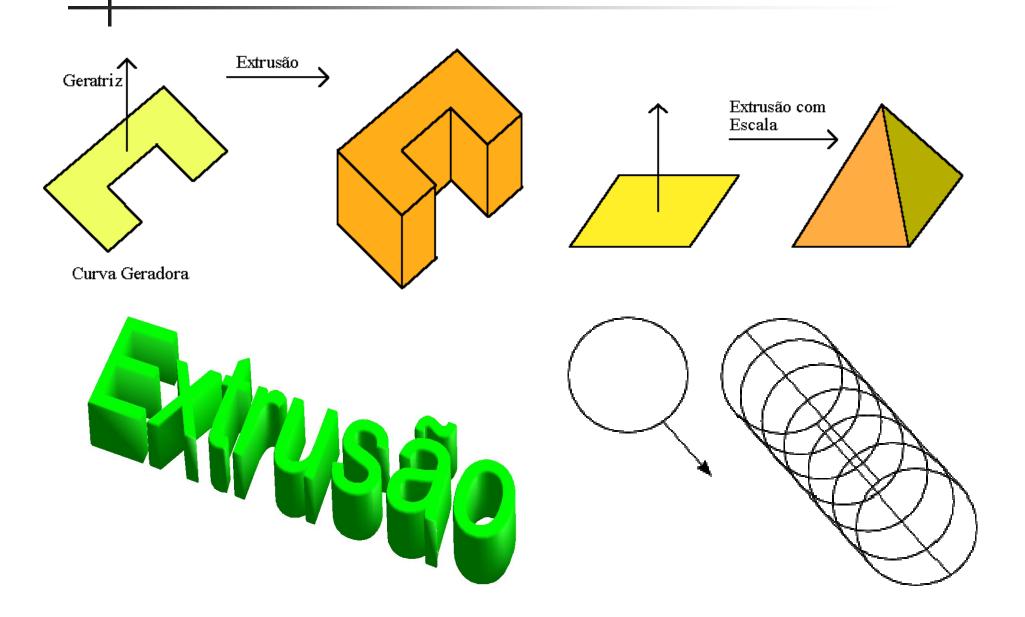
- Útil para a construção de objetos 3D simétricos
- Objetos gerados pelo arrastar de uma curva ou superfície ao longo de uma trajetória no espaço



Varredura

- Curva aberta gera superfície
- Curva fechada gera sólido
- Trajetória (3D) pode ser reta ou curva
- Sweep rotacional
 - Trajetória é um círculo ao redor de um eixo
- Sweep translacional (ou extrusão)
 - Trajetória é uma linha

Varredura

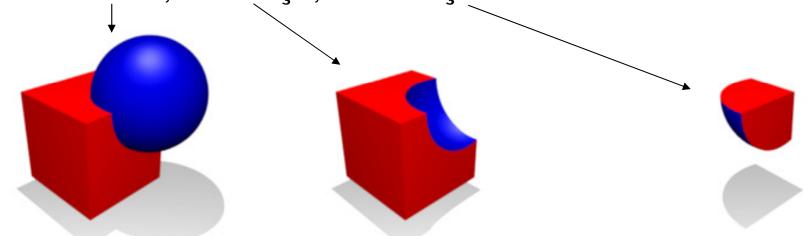


Varredura Axis of Rotation P(u)P(u, v)(b) [Hearn 1997]

CSG

- Constructive Solid Geometry ou Geometria Sólida Construtiva
- Utiliza sólidos mais simples (primitivas) para composição de sólidos mais complexos
 - Exemplos de primitivas: cubo, cilindro, pirâmide, esfera e cone
 - Alguns pacotes permitem a utilização de objetos curvos

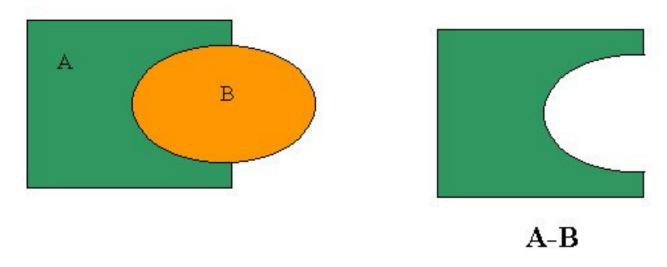
- Composição é feita através de operadores booleanos
 - União, diferença, intersecção



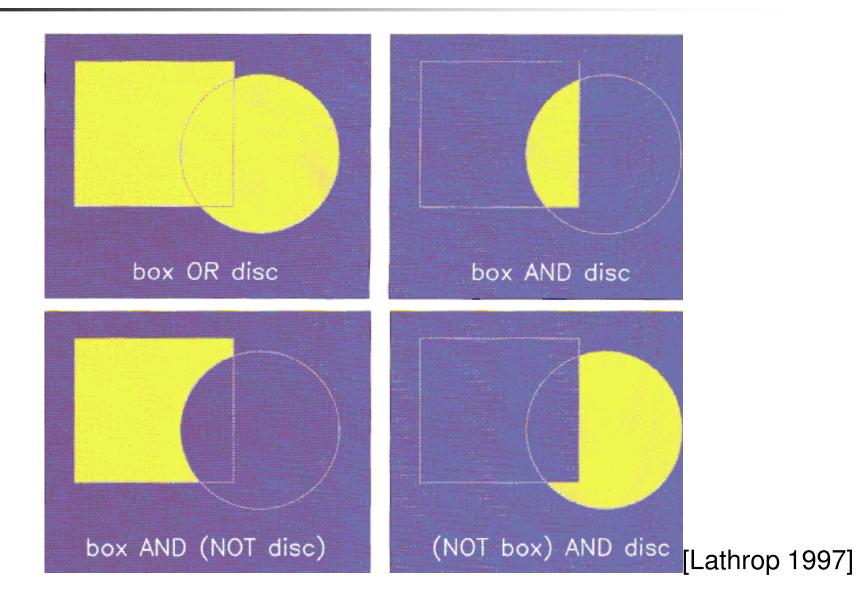
- Cada objeto é armazenado em uma árvore
 - Folhas: sólidos primitivos
 - Nós: operadores booleanos

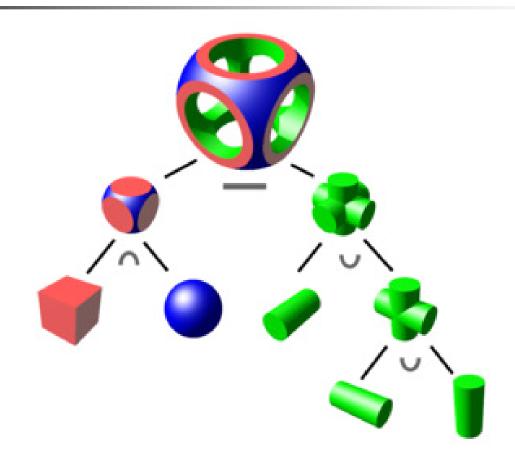
http://en.wikipedia.org/wiki/Constructive_solid_geometry

 Tipo de representação adequada para aplicações onde a precisão matemática é importante ou ferramentas CAD que trabalham com construção de objetos por agrupamento de peças mais simples (união) ou ainda por desgaste de um bloco inicial (diferença)



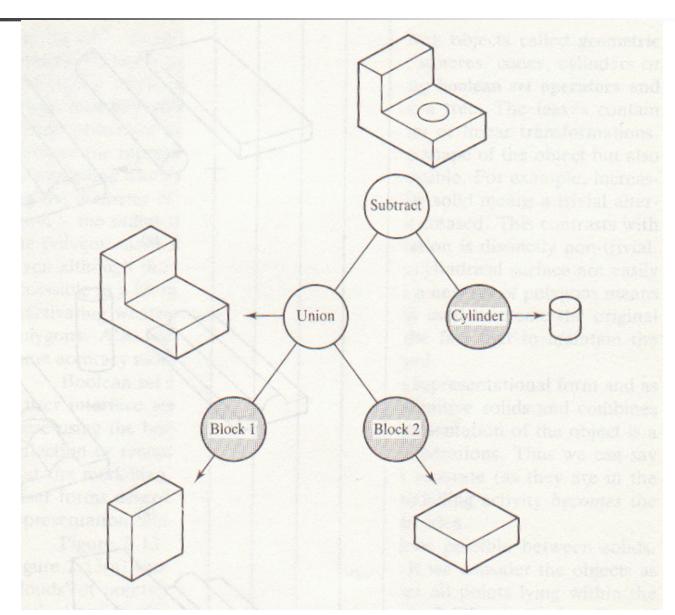
CSG





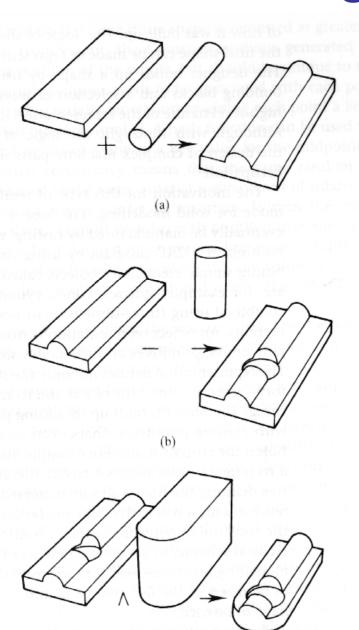
http://en.wikipedia.org/wiki/Constructive_solid_geometry

CSG

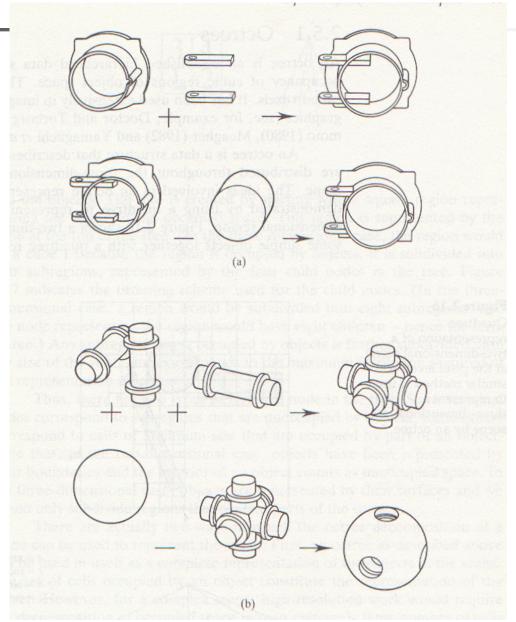


[Watt 2000]

CSG



CSG

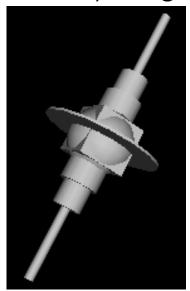


[Watt 2000]

Instanciamento de Primitivas

- Sistema define um conjunto de objetos primitivos 3D
 - Relevantes para a área de aplicação
 - Podem ser definidos por equações, malhas de polígonos ou superfícies paramétricas
 - São parametrizados (tanto em termos de transformações geométricas, como em outras propriedades) e agrupados
 - Ex: VRML (box + sphere + cylinder)





[Ames 1997]

Modelagem Procedural

Modelagem Procedural

- Engloba métodos alternativos à modelagem geométrica tradicional
- Motivação: representar a complexidade dos objetos do mundo real (forma e comportamento)
- Exemplos:
 - Modelagem Procedural de Terreno Fractal
 - Modelagem Procedural de Explosões
 - Modelagem Procedural de Nuvens
 - Modelagem Procedural de Água
 - Modelagem Procedural de Fogo

Modelagem Procedural

- Modelos procedurais podem descrever
 - Objetos que podem interagir com eventos externos para se modificarem (exemplos: terreno, vegetação, gases, líquidos, fogo)
 - A geometria em função de uma série de parâmetros que variam com o tempo (exemplo: explosão)
- Modelagem procedural consiste no desenvolvimento de um procedimento que, baseando-se nos parâmetros recebidos, irá construir um modelo
- Vamos ver dois exemplos
 - Fractais
 - Sistemas de Partículas

Exemplos:

- http://www.youtube.com/watch?v= jOWPWbvH5k
- http://www.youtube.com/watch?v=rXOa5bWFRKw

Modelagem Procedural

- Vamos ver dois exemplos
 - Fractais
 - Sistemas de Partículas

Fractais

- Fractais geram imagens fantásticas
- Surgiram de uma idéia de revolucionar a tradicional geometria euclidiana, cujas características são:
 - Figuras geométricas bem definidas (2D ou 3D)
 - Pontos, retas, planos ou sólidos
 - Não é adequada para modelar objetos naturais tais como nuvens, montanhas, arbustos e plantas
- O matemático Benoit Mandelbrot, através de sua obra The Fractal Geometry of the Nature, criou a geometria fractal

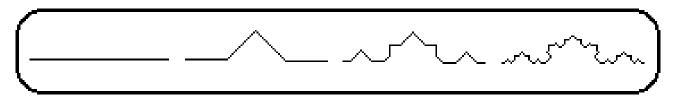
Fractais

Geometria fractal

- Permite a representação de certos elementos naturais que possuem características irregulares
- Possibilita a criação destes modelos de maneira mais realista
- Aplicações em diversas áreas, destacando-se a Computação Gráfica e a Modelagem/Simulação de elementos naturais
- Generalizando, o termo fractal significa tudo que possui uma medida substancial de similaridade

Fractais

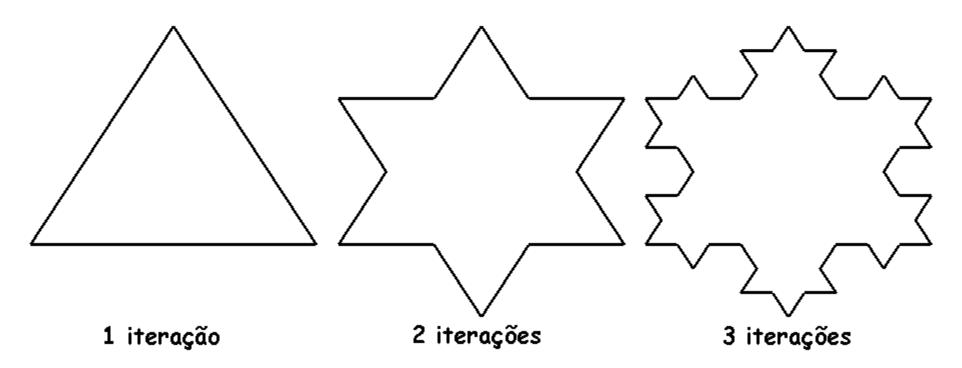
- Principais características dos fractais
 - Detalhes "infinitos" em cada ponto (dimensão fractal)
 - Porções menores reproduzem exatamente porções maiores (auto-similaridade)
- Exemplo
 - Fractal representado por uma figura geométrica inicial (segmento de reta) e uma regra de subdivisão desta figura (divide em 4 partes e inclina duas delas para formar um canto)



Fractais

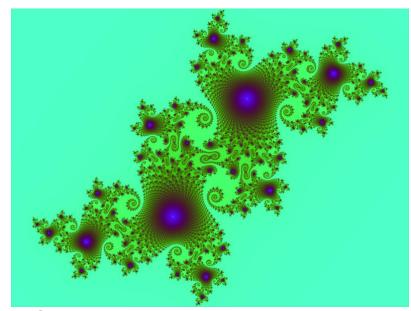
Exemplos

Floco de neve de Koch

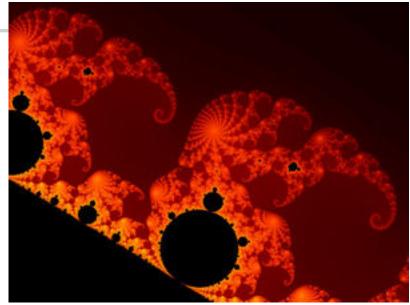


Fractais

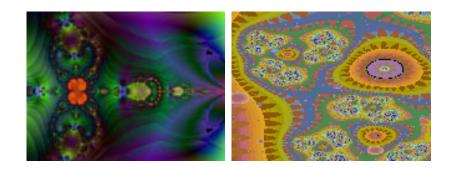
Exemplos



O conjunto de Julia, um fractal relacionado ao conjunto Mandelbrot

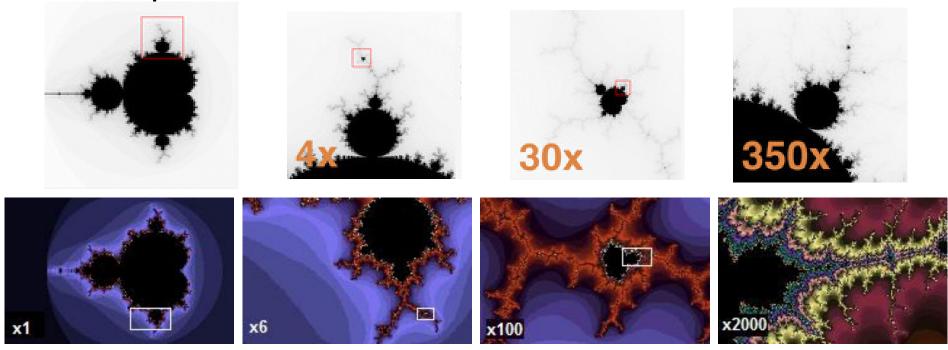


O conjunto de Mandelbrot é um exemplo famoso de fractal.



Fractais

Exemplos



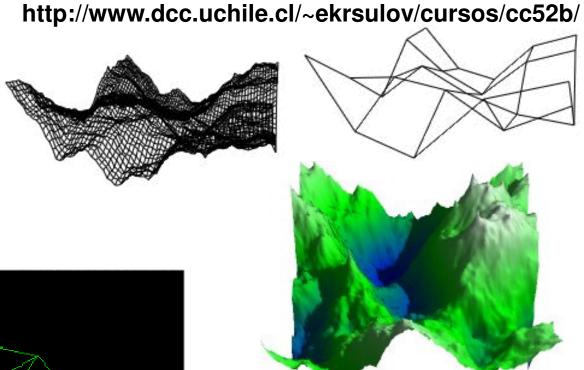
Aumento do conjunto de Mandelbrot mostra os pequenos detalhes repetindo o conjunto inteiro

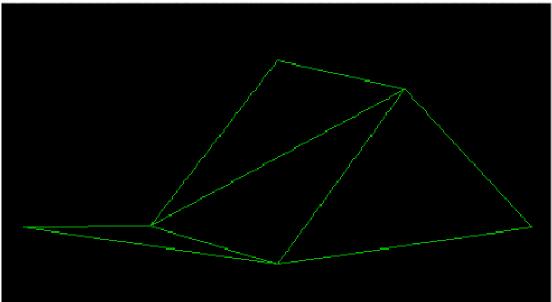
http://pt.wikipedia.org/wiki/Fractal e http://en.wikipedia.org/wiki/Fractal

Fractais

Exemplos

 Modelagem de terrenos e montanhas





http://pt.wikipedia.org/wiki/Fractal

Fractais

Exemplos





Brócolis: exemplo de um fractal natural.

Feto fractal: gerado usando um sistema de funções iteradas



Sistemas de Partículas

 CONCEITO: Conjunto de partículas cujo comportamento evolui no tempo de acordo com regras algorítmicas com o objetivo de simular um fenômeno fuzzy



Sistemas de Partículas

- Usado em modelagem, animação e rendering (dependente da aplicação)
- Normalmente:
 - Coleção de partículas
 - Atributos definidos estocasticamente

Histórico

 William Reeves (1983): primeira aplicação – Fogo e explosão



Aplicações

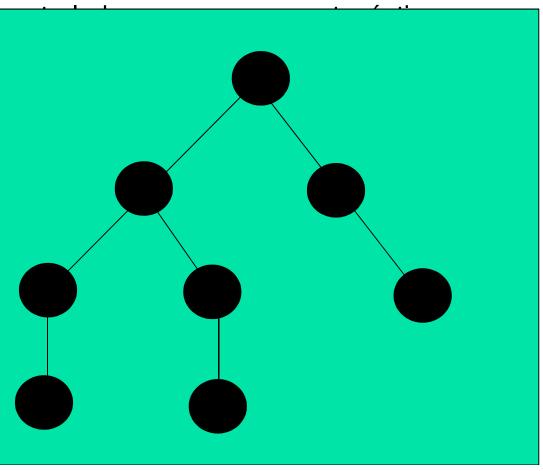
- Fenômenos naturais: explosões, nuvens, água
- Modelagem e deformação geométrica de superfícies





- Objetivo: modelar sistemas difusos, como nuvens, fumaça, água e fogo
- Porque as técnicas tradicionais de CG não são adaptadas a esses fenômenos?
- Evolução de partículas de acordo com regras algorítmicas incluindo aleatoriedade
- Porque possui componente estocástico?

- Vantagens [Reeves 1983]:
 - Partículas são geometricamente simples
 - Modelo procedural (poucos parâmetros
 - O modelo é dinâmie
- As partículas poder árvores contendo o
- Esses sistemas por tempos separados



- Algoritmo
 - Para cada quadro
 - Criar novas partículas
 - Incluí-las na hierarquia
 - Definir atributos
 - Matar partículas velhas
 - Gerar novos movimentos para as partículas
 - Gerar uma imagem

- Algoritmo
 - Para cada quadro
 - Criar novas partículas
 - Incluí-las na hierarquia (E)
 - Definir atributos (E)
 - Matar partículas velhas
 - Gerar novos movimentos para as partículas (E)
 - Gerar uma imagem

- (E) define parâmetros que controlam a faixa de validade dos atributos de forma, aparência e movimento
- Por exemplo: n = m + vr
 - n = número de partículas a serem criadas
 - m = média de valores
 - v = variância
 - r = variável aleatória distribuída no intervalo [-1;1]
- O usuário controla m e v

Outros parâmetros:

- Posição
- Velocidade
- Forma
- Tamanho
- Cor
- Transparência
- Tempo de vida



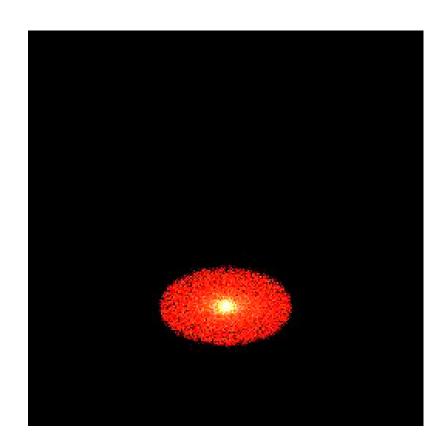
Nova posição = dependente da velocidade

- Porque uma partícula morre?
 - Tempo de vida: Seu tempo de vida acabou
 - Baixa intensidade: sua cor não pode ser vista
 - Fuga do pai (na hierarquia); sai do controle

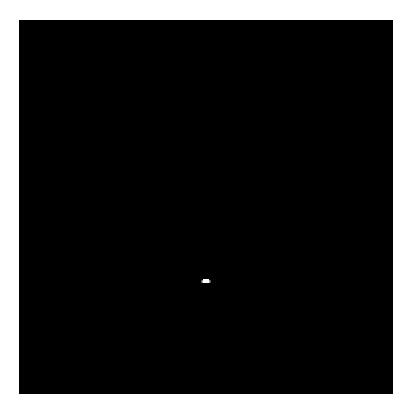
- Rendering
 - Simplificação possível:
 - Cada partícula é uma fonte pontual de luz (oclusão)
- Performance:
 - Dependendo do número de partículas a serem simuladas, não pode ser em tempo real

- Algoritmo de Reeves 1983
- Cada partícula é representada por um pixel na imagem gerada
- A cor de cada pixel é o resultado das cores de várias partículas que estão ativas no mesmo pixel
- 20000 partículas
- 20 a 50 frames

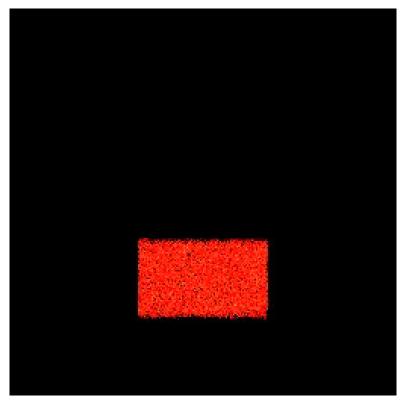
 Partículas são geradas numa estrutura em disco circular com velocidades iniciais. Quando o tempo de vida termina, elas são removidas



 Partículas são geradas todas próximas a um ponto no espaço com velocidades iniciais. Quando o tempo de vida termina, elas são removidas

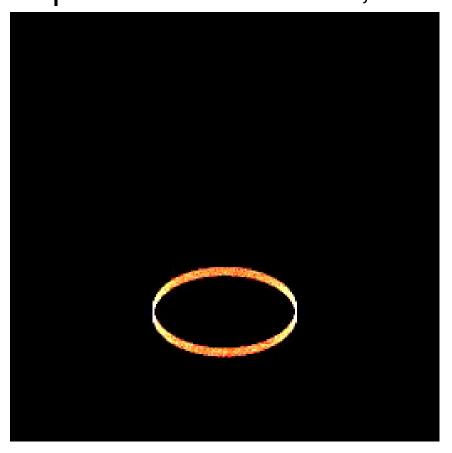


 Partículas são geradas numa estrutura quadrada com velocidades iniciais. Quando o tempo de vida termina, elas são removidas

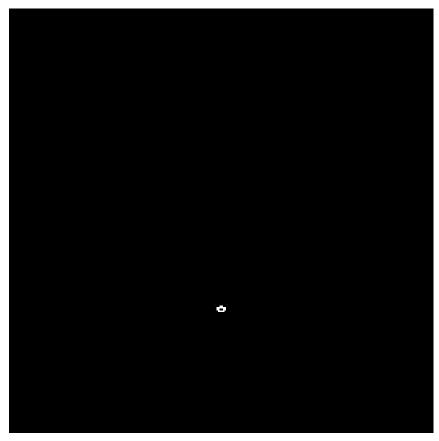


Partículas são geradas numa estrutura toróide.
 Quando o tempo de vida termina, elas são

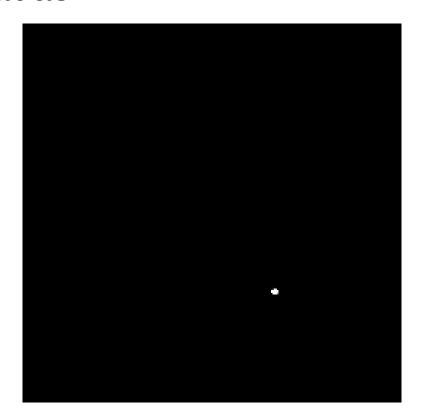
removidas



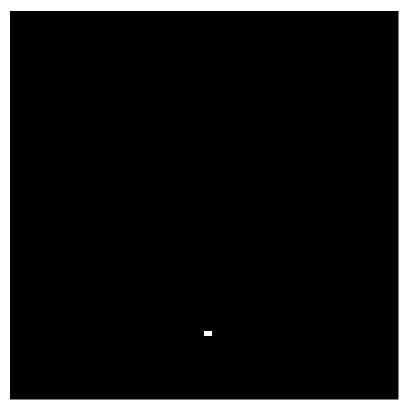
 Partículas são geradas num ponto, porém quando o tempo de vida termina, elas são reiniciadas



 Partículas são geradas numa ponto que varia de posição e quando o tempo de vida termina, elas são reiniciadas



 Partículas são geradas em posições randômicas dentro de um quadrado. Quando terminam, não são regeneradas



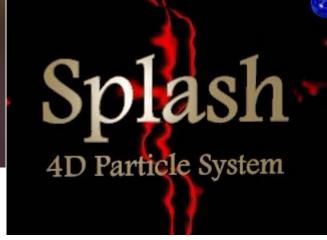
Sistemas de Partículas

Exemplos (Disponíveis em http://freespace.virgin.n et/cole.family/gallery.ht ml)





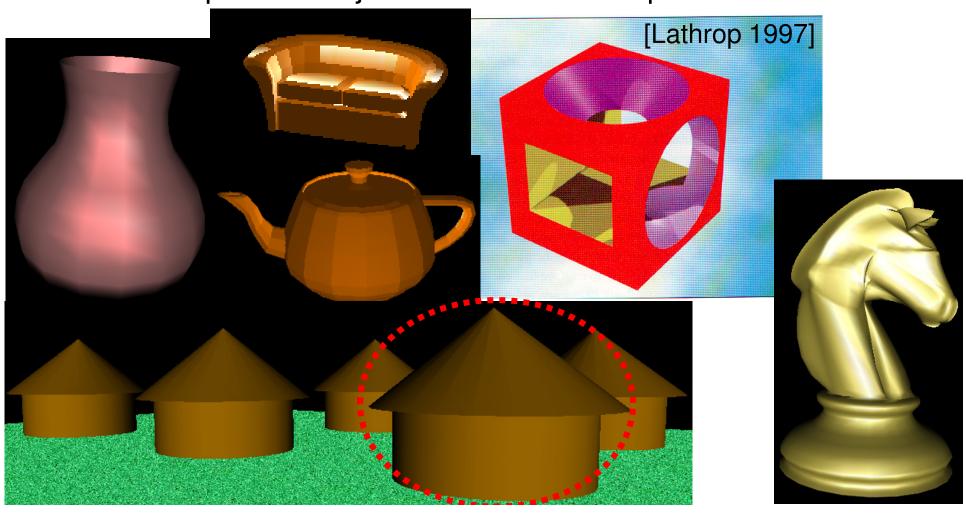






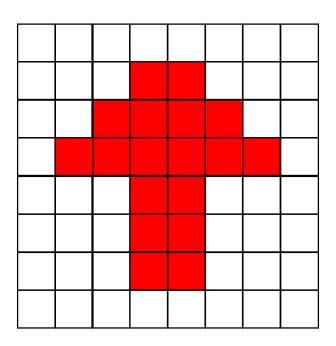
Exercícios

 Quais técnicas de representação e modelagem podem ser utilizadas para os objetos abaixo? Justifique.



Exercícios

Crie uma quadtree para representar a figura abaixo.
 Use uma árvore com no máximo 5 níveis



Referências

- PINHO, Márcio. S. Modelagem de Sólidos. Disponível em http://www.inf.pucrs.br/~pinho/CG/Aulas/Modelagem/Modelagem3D.htm.
 Esta página também está disponível em http://www.inf.pucrs.br/cg/Aulas/Modelagem/Modelagem3D.htm.
- FOLEY, James D., et al. Computer Graphics: Principles and Practice.
 2nd Ed., New York, Addison Wesley, 1990.
- HEARN, Donald; BAKER, M. Pauline. Computer Graphics C Version.
 2nd Ed. Upper Saddle River, New Jersey: Prentice Hall, 1997, 652 p.
- WATT, Alan. 3D Computer graphics. 3th Ed. Harlow: Addison-Wesley, 2000. 570 p. il.
- AMES, Andrea L.; NADEAU, David R.; MORELAND, John L. VRML 2.0
 Sourcebook. 2nd Ed. New York: John Wiley, 1997. 654 p.
- LATHROP, Olin. The Way Computer Graphics Works. Wiley Computer Publishing, 1997.